



| Guía Docente          |  |                    |   |
|-----------------------|--|--------------------|---|
| Datos Identificativos |  |                    | 2015/16   |
| Asignatura (*)        | Álgebra lineal II  | Código             | 632G02008   |
| Titulación            | Grao en Tecnoloxía da Enxeñaría Civil  |                    |   |
| Descriptores          |  |                    |   |
| Ciclo                 | Período  | Curso              | Tipo  |
| Grao                  | 2º cuatrimestre  | Primeiro           | Formación básica  |
| Idioma                | Castelán   |                    |   |
| Modalidade docente    | Presencial   |                    |   |
| Prerrequisitos        |  |                    |   |
| Departamento          | Métodos Matemáticos e de Representación  |                    |   |
| Coordinación          | Fuentes Garcia, Luis   | Correo electrónico | luis.fuentes@udc.es   |
| Profesorado           | Fuentes Garcia, Luis<br>Taboada Vazquez, Raquel<br>Villar Ferrer, Juan   | Correo electrónico | luis.fuentes@udc.es<br>raquel.taboada@udc.es<br>j.villar@udc.es |
| Web                   | <a href="http://caminos.udc.es/info/asignaturas/grado_tecic/101/AL2/index.html">caminos.udc.es/info/asignaturas/grado_tecic/101/AL2/index.html</a>   |                    |   |
| Descripción xeral     | O obxectivo da materia é proporcionar unha formación sólida en Álgebra Lineal como fundamento matemático da enxeñaría. Esta segunda parte da materia centrarse no estudo das aplicacións xeométricas da teoría de espazos vectoriales. |                    |   |

| Competencias do título |   |  |  |
|------------------------|---|--|--|
| Código                 | Competencias do título  |  |  |
| A1                     | Capacidad para plantear y resolver los problemas matemáticos que puedan plantearse en el ejercicio de la profesión. En particular, conocer, entender y utilizar la notación matemática, así como los conceptos y técnicas del álgebra y del cálculo infinitesimal, los métodos analíticos que permiten la resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias y en derivadas parciales, la geometría diferencial clásica y la teoría de campos, para su aplicación en la resolución de problemas de Ingeniería Civil. |  |  |
| B2                     | Resolver problemas de forma efectiva.   |  |  |
| B3                     | Aplicar un pensamiento crítico, lógico y creativo.  |  |  |
| C1                     | Reciclaje continuo de conocimientos en el ámbito global de actuación de la Ingeniería Civil.  |  |  |
| C4                     | Entender y aplicar el marco legal de la disciplina.   |  |  |
| C6                     | Compresión de la necesidad de analizar la historia para entender el Presente.   |  |  |
| C8                     | Facilidad para la integración en equipos multidisciplinares.  |  |  |

| Resultados da aprendizaxe   |  |    |                        |
|---|--|----|------------------------|
| Resultados de aprendizaxe   |  |    | Competencias do título |
| Conocer y entender la teoría básica del Álgebra Lineal necesaria en la Ingeniería Civil, especialmente la aplicación geométrica de la teoría de espacios vectoriales. |  | A1 |                        |
| Conocer, entender y manejar la notación matemática elemental.   |  | A1 | B3                     |
| Aprender a expresarse con precisión y rigurosidad.  |  | A1 | C1                     |
| Aprender a utilizar las técnicas básicas de razonamiento matemático.  |  | A1 | B2<br>B3               |
| Entender la necesidad de justificar las tesis y resultados en el ámbito científico  |  | A1 | B3<br>C4<br>C6         |
| Desarrollar el espíritu crítico y la capacidad de análisis.   |  | A1 | B2<br>B3<br>C4<br>C8   |
| Aprender a plantear y resolver problemas matemáticos de Álgebra lineal.   |  | A1 | B2<br>B3               |

## Contidos



| Temas   | Subtemas   |
|---|--|
| Tema I. Aplicacións bilineales e tensores homoxéneos. | <ol style="list-style-type: none"><li>1. Aplicacións bilineales e formas cuadráticas.<ol style="list-style-type: none"><li>1.1 Aplicacións bilineales.</li><li>1.2 Formas bilineales.</li><li>1.3 Formas cuadráticas.</li><li>1.4 Formas cuadráticas reais.</li></ol></li><li>2. Dualidade e tensores homoxéneos.<ol style="list-style-type: none"><li>2.1 Dualidade.</li><li>2.2 Tensor homoxéneo.</li><li>2.3 Operacións con tensores homoxéneos.</li><li>2.4 Simetría e hemisimetría.</li></ol></li></ol>   |
| Tema II. Espazos vectoriales euclídeos.               | <ol style="list-style-type: none"><li>1. Introdución aos espazos euclídeos.<ol style="list-style-type: none"><li>1.1 Produto escalar.</li><li>1.2 Norma dun vector. Propiedades.</li><li>1.3 Ángulo entre dous vectores.</li></ol></li><li>2. Ortogonalidade.<ol style="list-style-type: none"><li>2.1 Vectores ortogonais.</li><li>2.2 Sistemas ortogonais. Método de Gram-Schmidt.</li><li>2.3 Singularidades das bases ortonormais.</li><li>2.4 Proxección ortogonal.</li><li>2.5 Endomorfismos simétricos.</li></ol></li><li>3. Transformacións ortogonais.<ol style="list-style-type: none"><li>3.1 Definición.</li><li>3.2 Propiedades.</li><li>3.3 Autovalores e autovectores dunha transformación ortogonal.</li><li>3.4 Orientación relativa das bases.</li><li>3.5 Transformacións ortogonais directas e inversas.</li><li>3.6 Clasificación de transformacións ortogonais no plano e no espazo.</li></ol></li><li>4. Produto vectorial e produto mixto.<ol style="list-style-type: none"><li>4.1 Definición.</li><li>4.2 Propiedades.</li></ol></li></ol> |
| Tema III. Xeometría afín.                             | <ol style="list-style-type: none"><li>1. O espazo afín.<ol style="list-style-type: none"><li>1.1 Definición e propiedades.</li><li>1.2 Sistema cartesiano de referencia e coordenadas cartesianas.</li><li>1.3 Variedades afín.</li><li>1.4 Feixes de variedades afín.</li><li>1.5 Ángulos e distancias entre variedades afín.</li><li>1.6 Transformacións afín.</li></ol></li><li>2. O espazo afín ampliado.<ol style="list-style-type: none"><li>2.1 Introdución.</li><li>2.2 Coordenadas homoxéneas.</li><li>2.3 Puntos propios e puntos do infinito.</li><li>2.4 Cambio de referencia en coordenadas homoxéneas.</li><li>2.5 Ecuacións de variedades afín en coordenadas homoxéneas.</li></ol></li></ol>   |



|                               |  |
|-------------------------------|--|
| Tema IV. Cónicas e cuádricas. | 1. Cónicas.<br>1.1 Definición e ecuacións.<br>1.2 Intersección dunha recta e unha cónica.<br>1.3 Polaridade.<br>1.4 Puntos e rectas notables asociados a unha cónica.<br>1.5 Descripción das cónicas non degeneradas: elipse, parábola e hipérbole.<br>1.6 Cambio de sistema de referencia.<br>1.7 Clasificación de cónicas e ecuación reducida.<br>1.8. Feixes de cónicas.<br><br>2. Cuádricas.<br>2.1 Definición e ecuacións.<br>2.2 Intersección dunha recta e unha cuádrica.<br>2.3 Polaridade.<br>2.4 Cambio de sistema de referencia.<br>2.5 Puntos, rectas e planos notables asociados a unha cuádrica.<br>2.6 Clasificación de cuádricas e ecuación reducida.<br>2.7 Descripción das cuádricas de rango 3 e 4. |
|-------------------------------|--|

| Planificación          |              |                   |   |              |
|------------------------|--------------|-------------------|---|--------------|
| Metodoloxías / probas  | Competencias | Horas presenciais | Horas non presenciais / traballo autónomo | Horas totais |
| Sesión maxistral       | A1 B2 B3 C1  | 27                | 32  | 59           |
| Seminario              | A1 B2 B3     | 27                | 33  | 60           |
| Proba mixta            | A1 B2 B3     | 3                 | 3   | 6            |
| Lecturas               | A1 B2 B3     | 0                 | 10  | 10           |
| Solución de problemas  | A1 B2 B3     | 0                 | 10  | 10           |
| Atención personalizada |              | 5                 | 0   | 5            |

\*Os datos que aparecen na táboa de planificación son de carácter orientativo, considerando a heteroxeneidade do alumnado

| Metodoloxías     |  |
|------------------|--|
| Metodoloxías     | Descripción  |
| Sesión maxistral | Se desarollarán novos conceptos matemáticos partindo de exemplos que resulten familiares aos alumnos ou expondo o problema que se pretende resolver con eles; a partir de aí se abstraerán as súas características comúns motivando a súa definición más rigorosa. Posteriormente desenvólvese a teoría que permite abordar os problemas descritos inicialmente.<br><br>É deseable a participación do alumno, comentando as dúbidas que lle xurdan a medida que avanza a sesión. |
| Seminario        | Paralelamente ao desenvolvemento teórico da materia entregaranse boletíns de exercicios e problemas relacionados.<br><br>O obxectivo é que os alumnos vaian traballando os coñecementos que van adquirindo a través destes boletíns.<br><br>Nos seminarios con axuda do profesor discutiranse e resloverán os problemas más relevantes dos boletíns.   |
| Proba mixta      | Exame escrito onde se avalía a comprensión e aplicación dos conceptos e métodos fundamentais da materia.   |



|                       |  |
|-----------------------|--|
| Lecturas              | <p>Antes de iniciar cada tema porase a disposición do alumno unhas notas sobre os contidos do mismo. Estes apuntamentos están pensados como un complemento ás explicacións do profesor en clase.</p> <p>É deseable unha lectura previa dos alumnos que lles familiarice polo menos cun esquema do que van estudar.</p> <p>Finalmente e á luz das explicacións nas clases presenciais, é conveniente unha revisión comprensiva das notas.</p> |
| Solución de problemas | <p>Entregaránse uns exercicios ou pequenos traballos dalgúns temas para que sexan resoltos individualmente por cada alumno.</p> <p>Contarán na avaliación final da materia.</p>  |

## Atención personalizada

| Metodoloxías          | Descripción  |
|-----------------------|--|
| Solución de problemas | Se recomenda utilizar as tutorías personalizadas para resolver calquera dúbida referente á materia, tanto de tipo teórico como práctico. |
| Sesión maxistral      |  |
| Seminario             |  |

## Avaliación

| Metodoloxías          | Competencias | Descripción  | Cualificación |
|-----------------------|--------------|--|---------------|
| Solución de problemas | A1 B2 B3     | Entregaránse uns exercicios específicos de cada tema para que sexan resoltos de manera individual por cada alumno. | 20            |
| Proba mixta           | A1 B2 B3     | Exame escrito onde se evalúa a comprensión e aplicación dos conceptos e métodos fundamentales da asignatura.       | 80            |
| Outros                |              |  |               |

## Observacións avaliación

|  |
|--|
|  |
|  |

## Fontes de información

|                             |  |
|-----------------------------|--|
| Bibliografía básica         | <ul style="list-style-type: none"> <li>- Juan de Burgos (2000). Álgebra Lineal. McGraw-Hill</li> <li>- Fuentes, Salete y Cruces (1980). Álgebra vectorial y Tensorial. ETSICCP Madrid</li> <li>- F. Granero (1992). Álgebra y Geometría Analítica. McGraw-Hill</li> <li>- Luis Fuentes García (2005-). Apuntes y ejemplos (<a href="http://caminos.udc.es/info/asignaturas/101/index.html">http://caminos.udc.es/info/asignaturas/101/index.html</a>). A Coruña</li> <li>- A. de la Villa (1994). Problemas de Álgebra. CLAGSA</li> <li>- Anzola, Caruncho y Pérez-Canales (1981). Problemas de Álgebra (Tomos 6,7). Madrid</li> </ul> |
| Bibliografía complementaria | <ul style="list-style-type: none"> <li>- S.I. Grossman (1995). Álgebra lineal. McGraw-Hill</li> <li>- J. Rojo (2001). Álgebra lineal. McGraw-Hill</li> <li>- M. Castellet e I. Llerena (1991). Álgebra lineal y geometría. Reverté</li> <li>- J. Rojo e I. Martín (1994). Ejercicios y problemas de álgebra. McGraw-Hill</li> <li>- M. García Galludo y otros (1984). Problemas de álgebra y analítica. Madrid</li> <li>- F. González Posada (1971). Problemas de estructuras algebraicas tensoriales. Madrid</li> </ul>   |

## Recomendacións

## Materias que se recomienda ter cursado previamente

Cálculo infinitesimal I/632G02001

Álgebra lineal I/632G02007

## Materias que se recomienda cursar simultaneamente

Cálculo infinitesimal II/632G02002

## Materias que continúan o temario



Fundamentos de mecánica computacional/632G02015

Ecuacións diferenciais/632G02017

Observacións

(\*)A Guía docente é o documento onde se visualiza a proposta académica da UDC. Este documento é público e non se pode modificar, salvo casos excepcionais baixo a revisión do órgano competente dacordo coa normativa vixente que establece o proceso de elaboración de guías