



| Guía Docente | | | | |
|-----------------------|---|--------------------|------------------|-----------|
| Datos Identificativos | | | | 2015/16 |
| Asignatura (*) | ECUACIONES DIFERENCIAIS | | Código | 730G01110 |
| Titulación | | | | |
| Descritores | | | | |
| Ciclo | Período | Curso | Tipo | Créditos |
| Grao | 1º cuatrimestre | Segundo | Formación básica | 6 |
| Idioma | CastelánGalego | | | |
| Modalidade docente | Presencial | | | |
| Prerrequisitos | | | | |
| Departamento | Métodos Matemáticos e de Representación | | | |
| Coordinación | Díaz Díaz, Ana María | Correo electrónico | ana.ddiaz@udc.es | |
| Profesorado | Díaz Díaz, Ana María | Correo electrónico | ana.ddiaz@udc.es | |
| Web | | | | |
| Descrición xeral | | | | |

| Competencias / Resultados do título | |
|-------------------------------------|-------------------------------------|
| Código | Competencias / Resultados do título |

| Resultados da aprendizaxe | | | |
|--|-------------------------------------|---|----------|
| Resultados de aprendizaxe | Competencias / Resultados do título | | |
| Modelizar determinados procesos -relacionados cas distintas áreas da enxeñaría- nos termos propios das ecuacións diferenciais. | A1 | B1 B4 B8 B11 B12 B17 B18 B22 | C3 C6 |
| Afianzar e/ou desenvolver os coñecementos básicos necesarios na materia (álgebra lineal, integración en variable real, transformada de Laplace, series, variable complexa). | A1 | B1 B2 | C3 |
| Ser capaz de analizar unha ecuación diferencial en termo á súa solución mediante o método máis sinxelo. Discernir as diferentes posibilidades dependendo tamén dos valores iniciais ou problemas de contorno | A1 | B2 B3 B4 | |
| Dar unha solución correcta, concreta e ben definida, ao problema físico ou matemático exposto mediante o uso e resolución de ecuacións diferenciais | A1 | B2 B4 B8 B17 B18 | C6 |

| Contidos | |
|-----------------|---|
| Temas | Subtemas |
| 0. INTRODUCCIÓN | 0.1. Definicións. Orde dunha ecuación diferencial. Clasificación. 0.2. Tipos de solucións: solución xeral e solución particular. 0.3. Ecuación diferencial dun feixe de curvas planas. Consideracións xeométricas: Curvas isoclinas e curvas integrais. 0.4. Solucións singulares. |



| | |
|---|--|
| <p>1. ECUACIÓNS DIFERENCIAIS ORDINARIAS: PRIMEIRA ORDE.</p> | <p>1. ECUACIÓNS DIFERENCIAIS ORDINARIAS: PRIMEIRA ORDE.</p> <p>1.1. Teorema de existencia e unicidada da solución.</p> <p>1.2. Ecuacións de variables separadas. Traxectorias Ortogonales e isogonales. Coordenadas cartesianas e polares.</p> <p>1.3. Ecuacións reducibles a unha de variables separadas. Ecuacións homogéneas. Ecuacións reducibles a homogéneas.</p> <p>1.4. Ecuacións diferenciais exactas. Factores integrantes. Relación funcional entre factores integrantes.</p> <p>1.5. Factores Integrantes funcións dun só argumento. Ecuacións lineais. Propiedade fundamental das ecuacións lineais.</p> <p>1.6. Ecuación de Bernoulli. Ecuación de Ricatti. Aplicacións xeométricas.</p> <p>1.7. Ecuacións de primeira orde non lineais en y'. Ecuacións resolubles en y', resolubles en x, en y. Ecuación de Lagrange. Ecuación de Clairaut.</p> <p>1.8. Interpretación xeométrica das solucións singulares. Envolvente dun feixe de curvas.</p> <p>1.9. Traxectorias dun feixe de curvas planas.</p> |
| <p>2. ECUACIÓNS DIFERENCIAIS DE ORDE SUPERIOR.</p> | <p>2.1. Definicións Xerais. Xénese das ecuacións diferenciais de orde n. Teorema de existencia e unicidada da solución.</p> <p>2.2. Tipos de ecuacións cuxo orde pode rebaixarse: ecuacións nas que falta a y, ecuacións nas que falta a y e as súas $n-1$ primeiras derivadas; ecuacións nas que falta a x, ecuacións nas que falta a y e a x. Ecuacións diferenciais en 2 derivadas. Ecuacións homogéneas en y, y', $y^{(n)}$. Aplicacións.</p> <p>2.3. Ecuacións diferenciais lineais de orde n. Definicións. Concepto de Operador lineal. Propiedades do operador. Teoremas sobre as solucións particulares da ecuación incompleta. Ecuación homoxénea e non homoxénea. Condición de dependencia das solucións particulares.</p> <p>2.4. Ecuacións diferenciais lineais homoxéneas con coeficientes constantes. Forma da integral xeral da ecuación homoxénea. Ecuación característica. Solución xeral da ecuación completa.</p> <p>2.5. Métodos para integrar as ecuacións diferenciais lineais completas. Método de variación das constantes. Aplicación do método de variación das constantes no caso de ter un número insuficiente de solucións particulares.</p> <p>2.6. Fórmula de Liouville Ostrogradski.</p> <p>2.7. Ecuacións diferenciais lineais con coeficientes constantes. Matriz de Vandermonde. Ecuación característica. Cálculo de raíces. Tipos de raíces: distintas (reais e complexas) e múltiples (reais e complexas). Resolución Ecuación completa. Métodos: 1º Variación das constantes. 2º Segundo a forma de «x».</p> <p>2.8. Ecuacións diferenciais lineais con coeficientes variables. Ecuación de Euler.</p> |
| <p>3. INTRODUCIÓN Á TRANSFORMADA DE LAPLACE.</p> | <p>3.1. Transformada de Laplace. Algunhas transformadas inmediatas. Teorema de existencia: condición suficiente. Propiedades.</p> <p>3.2. Transformada Inversa. Primeiro Teorema de desprazamento.</p> <p>3.3. Derivada e integrais de transformadas. Aplicacións.</p> <p>3.4. Convolución de funcións e produto de transformadas.</p> |



| | |
|---|--|
| <p>4. SOLUCIÓNS DE ECUACIÓNS DIFERENCIAIS DEFINIDAS POR SERIES.</p> | <p>4.1. Definicións. Solucións por Series de Potencias para ecuacións de primeira orde. 4.2. Solucións analíticas de ecuacións diferenciais lineais. 4.3. Ecuación de Legendre. 4.4. Ecuación de Hermite. 4.5. Puntos singulares. 4.6. Solución ao redor dun punto singular. 4.7. Resumo e casos particulares. 4.8. Ecuación de Bessel. 4.9. Propiedades das funcións de Bessel. 4.10. Funcións modificadas de Bessel. 4.11. Funcións Ber, bei, ker, kei.</p> |
| <p>5. SISTEMAS DE ECUACIÓNS DIFERENCIAIS.</p> | <p>5.1. Xénese dos sistemas de ecuacións diferenciais. Condicións de Integrabilidade. 5.2. Métodos de Integración dos sistemas de ecuacións diferenciais. Método de reduces ou de eliminación. Métodos baseados no uso do operador D. Métodos baseados no uso da Transformada de Laplace. 5.3. Sistemas de ecuacións diferenciais lineais. Teorema de existencia e. solucións dos sistemas homogéneos. Matriz fundamental. Solución do sistema non homogéneo. Método de variación das constantes. 5.4. Métodos de redución de sistemas de orde superior a un. Sistemas de ecuacións diferenciais lineais homogéneos con coeficientes constantes.</p> |
| <p>6. ECUACIÓNS EN DERIVADAS PARCIAIS.</p> | <p>6.1. Definición. Ecuacións en derivadas parciais lineais e cuasilineais. 6.2. Ecuación Funcional. 6.3. Ecuacións en derivadas parciais de primeira orde. 6.4. Integración de ecuacións en derivadas parciais de primeira orde. 6.5. Ecuacións homogéneas. 6.6. Integración de ecuacións en Derivadas parciais con máis de 2 variables independentes. 6.7. Ecuacións en Derivadas Parciais con máis de 2 variables independentes. 6.8. Cálculo de superficies Ortogonales.</p> |
| <p>7. ECUACIÓNS EN DIFERENCIAIS TOTAIS.</p> | <p>7.1. Definición. Condición de Integrabilidade. 7.2. Método de Integración: Método de Natan. 7.3. Redución a unha ecuación de 2 variables 7.4. Ecuacións en Diferenciais totais Homogéneas. 7.5. Teorema sobre Integrabilidade</p> |
| <p>8. ECUACIÓNS EN DERIVADAS PARCIAIS NON LINEAIS.</p> | <p>8.1. Xeración de ecuacións en derivadas parciais non lineais. 8.2. Método de LagrangeCharpit para a obtención da Integral completa. 8.3. Método de Darboux. 8.4. Solucións: Integral xeneral e solución Completa. Método de Lagrange de variación das constantes. 8.5. Integración de casos particulares.</p> |



| | |
|------------------------------------|--|
| 9. FUNCIONES DE VARIABLE COMPLEXA. | <p>9.1. Funciones complejas de variable compleja. Potencias, Logaritmos, Exponenciales, Funciones Trigonometricas.</p> <p>9.2. Limites das funciones complejas. Derivada dunha función compleja nun punto.</p> <p>9.3. Ecuaciones de Cauchy Riemann. Funciones analíticas ou holomorfas. Funciones armónicas.</p> <p>9.4. Integración curvilínea. Cambio de variable na parametrización dun camiño.</p> <p>9.5. Fórmula integral de Cauchy. Teorema de Morera. Teorema de Liouville, principio de módulo máximo.</p> <p>9.6. Sucesiones e Series de Funciones Complejas. Series de Laurent. Singularidades. Tipos de singularidades. Teorema dos residuos.</p> |
|------------------------------------|--|

| Planificación | | | | |
|------------------------|-------------------------------|---|-------------------------|--------------|
| Metodoloxías / probas | Competencias / Resultados | Horas lectivas (presenciais e virtuais) | Horas traballo autónomo | Horas totais |
| Solución de problemas | A1 B2 B3 B4 B8 B11 B12 B22 | 30 | 45 | 75 |
| Proba obxectiva | B3 B4 B8 B12 B18 C3 | 5.5 | 8.25 | 13.75 |
| Sesión maxistral | A1 B1 B3 B17 B18 C3 C6 | 24 | 36 | 60 |
| Atención personalizada | | 1.25 | 0 | 1.25 |

*Os datos que aparecen na táboa de planificación son de carácter orientativo, considerando a heteroxeneidade do alumnado

| Metodoloxías | |
|-----------------------|--|
| Metodoloxías | Descrición |
| Solución de problemas | Aplicación de diferentes métodos de resolución de ecuacións diferenciais a casos prácticos. |
| Proba obxectiva | Proba escrita utilizada para a avaliación da aprendizaxe, cuxo trazo distintivo é a posibilidade de determinar se as respostas dadas son ou non correctas. |
| Sesión maxistral | Exposición oral complementada co uso de medios audiovisuais e a introdución de algunhas preguntas dirixidas aos estudantes, coa finalidade de transmitir coñecementos e facilitar a aprendizaxe. |

| Atención personalizada | |
|------------------------|---|
| Metodoloxías | Descrición |
| Solución de problemas | Aplicación dos diferentes métodos de resolución das ecuacións diferenciais a casos prácticos. |

| Avaliación | | | |
|-----------------|---------------------------|------------------|---------------|
| Metodoloxías | Competencias / Resultados | Descrición | Cualificación |
| Proba obxectiva | B3 B4 B8 B12 B18 C3 | ver observacións | 100 |

| Observacións avaliación |
|---|
| A avaliación farase a partir de resultados de distintas probas obxectivas ó longo do curso, incluída as convocatorias oficiais. |

| Fontes de información |
|-----------------------|
| |



| | |
|------------------------------------|---|
| Bibliografía básica | Puig Adam: ?Curso teórico práctico de Ecuaciones Diferenciales?S.L. Ross: ?Ecuaciones diferenciales?, Ed. Reverté MT.E51Kent Nagle y EdwardB. Saff: ?Fundamentos de ecuaciones diferenciales?, Ed. Addison- Wesley MT.E63Ayres: ? Ecuaciones Diferenciales?, Ed. Schaum |
| Bibliografía complementaria | |

Recomendacións

Materias que se recomenda ter cursado previamente

Materias que se recomenda cursar simultaneamente

Materias que continúan o temario

Observacións

(*A Guía docente é o documento onde se visualiza a proposta académica da UDC. Este documento é público e non se pode modificar, salvo casos excepcionais baixo a revisión do órgano competente dacordo coa normativa vixente que establece o proceso de elaboración de guías