



| Guía Docente          |   |                  |                    |           |
|-----------------------|---|------------------|--------------------|-----------|
| Datos Identificativos |   |                  |                    | 2019/20   |
| Asignatura (*)        | Técnicas de Remostraxe  |                  | Código             | 614493022 |
| Titulación            | Mestrado Universitario en Técnicas Estadísticas (Plan 2019)   |                  |                    |           |
| Descriptores          |   |                  |                    |           |
| Ciclo                 | Período   | Curso            | Tipo               | Créditos  |
| Mestrado Oficial      | 1º cuatrimestre   | Primeiro Segundo | Optativa           | 5         |
| Idioma                | Castelán Galego Inglés  |                  |                    |           |
| Modalidade docente    | Presencial  |                  |                    |           |
| Prerrequisitos        |   |                  |                    |           |
| Departamento          | Matemáticas   |                  |                    |           |
| Coordinación          |   |                  | Correo electrónico |           |
| Profesorado           |   |                  | Correo electrónico |           |
| Web                   | dm.udc.es/profesores/ricardo/   |                  |                    |           |
| Descripción xeral     | Preténdese que o alumno adquira destreza na identificación de situacións nas que os métodos de remostraxe son ferramentas inferenciais axeitadas para resolver problemas reais. Para iso tratarase de que o alumno coñeza o funcionamento das principais técnicas de remostraxe, entre as que se destaca o método bootstrap, así como as súas aplicacións nos principais ámbitos da estatística. Asimesmo persegúese que o alumno sexa quen de deseñar e implementar en ordenador plans de remostraxe axeitados para un amplio abano de situacións. |                  |                    |           |

| Competencias do título |  |
|------------------------|--|
| Código                 | Competencias do título   |
| A2                     | Capacidade para comprender, formular, formular e resolver aqueles problemas susceptibles de ser abordados a través de modelos da estatística e da investigación operativa. |
| A4                     | Coñecer algoritmos de resolución dos problemas e manexar o software axeitado.  |
| A9                     | Obter os coñecementos precisos para unha análise crítica e rigorosa dos resultados.  |
| B6                     | Capacidade para iniciar a investigación e para participar en proxectos de investigación que poden culminar na elaboración dunha tese doutoral.                             |
| B8                     | Capacidade de traballo en equipo e de forma autónoma   |
| B10                    | Capacidade de identificar e resolver problemas   |
| C1                     | Ser capaz de identificar un problema da vida real.   |
| C2                     | Dominar a terminoloxía científica-metodolóxica para comprender e interactuar con outros profesionais.  |
| C3                     | Habilidade para traballar os aspectos metodolóxicos da investigación en colaboración con outros colegas a través do Campus Virtual co foro.                                |
| C4                     | Habilidade para realizar a análise estatística con ordenador.  |
| C5                     | Escolher o deseño máis axeitado para responder á pregunta de investigación.  |
| C6                     | Utilizar as técnicas estadísticas máis axeitadas para analizar os datos dunha investigación.   |
| C7                     | Planificar, analizar e interpretar os resultados dunha investigación considerando tanto os aspectos teóricos coma os metodolóxicos.  |
| C8                     | Habilidade de xestión administrativa do proceso dunha investigación.   |
| C9                     | Comunicación e difusión dos resultados das investigacións.   |
| C10                    | Lectura con xuízo crítico de artigos científicos dende unha perspectiva metodolóxica.  |

| Resultados da aprendizaxe |                        |
|---------------------------|------------------------|
| Resultados de aprendizaxe | Competencias do título |



|   |            |                    |   |
|---|------------|--------------------|---|
| G1 - Capacidade para iniciar a investigación e para participar en proxectos de investigación que poden culminar na elaboración dunha teses de doutoramento.   | AM2<br>AM4 | BP6<br>BP8<br>BP10 | CP1<br>CP2<br>CP3<br>CP4<br>CP5<br>CP6<br>CP7<br>CP8<br>CP9<br>CP10 |
| G2 - Capacidade de aplicación de algoritmos de resolución dos problemas e manexo do software adecuado.  | AM4        |                    |   |
| G3 - Capacidade de traballo en equipo e de xeito autónomo   |            | BP8                |   |
| G4 - Capacidade de formular problemas en termos estatísticos, e de resolvélos utilizando as técnicas axeitadas.   | AM2<br>AM4 |                    |   |
| G6 - Capacidade de identificar e resolver problemas   |            | BP10               |   |
| G10 - Capacidade de integrarse nun equipo multidisciplinar para a análise experimental  |            | BP8                |   |
| G11 - Adquirir destreza para o desenvolvemento de software  | AM2<br>AM4 |                    |   |
| G12 - Capacidade de análise estatística crítica das mostras, os plantexamentos e resultados   | AM2<br>AM9 |                    |   |
| G14 - Representar un problema real mediante un modelizado estatístico axeitado.   | AM2        |                    |   |
| G15 - Deseñar un plano de observación ou recollida de datos que permita abordar o problema de interese  | AM4<br>AM9 | BP10               |   |
| E2 - A adquisición dos coñecementos de estatística e investigación de operacións necesarios para a incorporación en equipos multidisciplinares pertencentes a diferentes sectores profesionais.   | AM2        | BP8                | CP1<br>CP2<br>CP3   |
| E4 - Coñecer as aplicacións dos modelos da estatística e a investigación de operacións.   | AM2        |                    |   |
| E5 - Coñecer algoritmos de resolución dos problemas e manexar o software axeitado.  | AM4        |                    |   |
| E12 - Realizar inferencias respecto aos parámetros que aparecen no modelo.  |            |                    | CP6   |
| E19 - Tratamento de datos e análise estatística dos resultados obtidos.   |            | BP6                |   |
| E27 - Obter os coñecementos precisos para unha análise crítica e rigurosa dos resultados.   | AM9        |                    |   |
| E28 - Complementar a aprendizaxe dos aspectos metodolóxicos con apoio de software.  | AM4        |                    |   |
| E78 - Fomentar a sensibilidade cara os principios do pensamento científico, favorecendo as actitudes asociadas ao desenvolvemento dos métodos matemáticos, como: o cuestionamento das ideas intuitivas, a análise crítica das afirmacións, a capacidade de análise e síntese ou a toma de decisións racionais                     | AM2        |                    |   |
| E82 - O estudiante será capaz de comprender a importancia da Inferencia Estatística como ferramenta de obtención de información sobre a población en estudo, a partir do conxunto de datos observados dunha mostra representativa de esta. Para iso deberá recoñecer a diferenza entre estatística paramétrica e non paramétrica. |            |                    | CP4<br>CP5  |
| E84 - Ser quen de manexar diverso software (en particular R) e interpretar os resultados que proporcionan nos correspondentes estudos prácticos.  | AM4        |                    | CP4   |
| E86 - Soltura no manexo da teoría da probabilidade e as variables aleatorias.   | AM2        |                    |   |

## Contidos

| Temas  | Subtemas   |
|--|--|
| 1. Motivación do principio Bootstrap.        | O Bootstrap uniforme. Cálculo da distribución Bootstrap: distribución exacta e distribución aproximada por Monte Carlo. Exemplos.            |
| 2. Algunhas aplicacións do método Bootstrap. | Aplicación do Bootstrap á estimación da precisión e o nesgo dun estimador. Exemplos.   |
| 3. Motivación do método Jackknife.           | Estimación Jackknife da precisión e o nesgo dun estimador. Relación Bootstrap/Jackknife na dita estimación. Exemplos. Estudos de simulación. |



|   |  |
|---|--|
| 4. Modificacións do Bootstrap uniforme.                               | Bootstrap paramétrico, simetrizado, suavizado, ponderado e nesgado. Discusión e exemplos. Validez da aproximación Bootstrap. Exemplos.   |
| 5. Aplicación do Bootstrap á construcción de intervalos de confianza. | Métodos percentil, percentil-t, percentil-t simetrizado. Exemplos. Estudos de simulación.  |
| 6. Bootstrap e estimación non paramétrica da densidade.               | Aproximación Bootstrap da distribución do estimador de Parzen-Rosenblatt. O Bootstrap na selección do parámetro de suavizado.  |
| 7. Bootstrap e estimación non paramétrica da función de regresión.    | Aproximación Bootstrap da distribución do estimador de Nadaraya-Watson. Distintos métodos de remostraxe e resultados para eles.  |
| 8. O Bootstrap con datos censurados.                                  | Introducción aos datos censurados. Remostraxes Bootstrap en presenza de censura. Relacións entre eles.   |
| 9. O Bootstrap con datos dependentes.                                 | Introducción ás condicións de dependencia e modelos habituais de datos dependentes. Modelos paramétricos de dependencia. Situacións de dependencia xeral: o Bootstrap por bloques, o Bootstrap estacionario e o método da submostraxe. |

## Planificación

| Metodoloxías / probas      | Competencias                             | Horas presenciais | Horas non presenciais / traballo autónomo | Horas totais |
|----------------------------|--|-------------------|---|--------------|
| Presentación oral          | A2 A4 A9 B6 B10 C2<br>C3 C5 C6 C10       | 21                | 31.5                                      | 52.5         |
| Prácticas a través de TIC  | A4 B8 C3 C4 C6 C8                        | 14                | 28  | 42           |
| Proba de resposta múltiple | A4 A9 B10 C2 C3 C5<br>C6 C7 C10          | 1                 | 11.5                                      | 12.5         |
| Solución de problemas      | A4 A9 B8 B10 C1 C4<br>C5 C6 C7 C8 C9 C10 | 4                 | 8   | 12           |
| Atención personalizada     |  | 6                 | 0   | 6            |

\*Os datos que aparecen na táboa de planificación son de carácter orientativo, considerando a heteroxeneidade do alumnado

## Metodoloxías

| Metodoloxías               | Descripción  |
|----------------------------|--|
| Presentación oral          | Presentación con ordenador por videoconferencia aos tres campus                      |
| Prácticas a través de TIC  | Implementación de algoritmos de remostraxe   |
| Proba de resposta múltiple | Proba de resposta múltiple sobre conceptos.  |
| Solución de problemas      | Deseño de plans de remostraxe. Cálculo de nesgos e varianzas dos análogos bootstrap. |

## Atención personalizada

| Metodoloxías              | Descripción  |
|---------------------------|--|
| Prácticas a través de TIC | Asistencia e participación nas clases teóricas.<br>Exame escrito de múltiple opción. |
| Solución de problemas     | Participación en prácticas e seminarios.<br>Suposto práctico a realizar polo alumno. |

## Avaliación

| Metodoloxías              | Competencias      | Descripción  | Cualificación |
|---------------------------|-------------------|--|---------------|
| Prácticas a través de TIC | A4 B8 C3 C4 C6 C8 | Utilización do software R para implementar o método bootstrap nalgún contexto. | 20            |



|                            |  |  |    |
|----------------------------|--|--|----|
| Solución de problemas      | A4 A9 B8 B10 C1 C4<br>C5 C6 C7 C8 C9 C10 | Traballo orixinal sobre o bootstrap nalgún contexto de interés | 40 |
| Proba de resposta múltiple | A4 A9 B10 C2 C3 C5<br>C6 C7 C10          | Proba de comprensión dos conceptos impartidos.                 | 40 |

**Observacións avaliación**

A evaluación realizarase por medio dunha proba escrita sobre prácticas en R, un traballo individual do/da alumno/a, así como unha proba escrita de conceptos. A calificación da proba de conceptos representará o 40% da calificación global, a proba de práctica en R corresponderá ao 20% mentres que o 40% restante corresponderá ao traballo individual, que ten que ser presentado en público polos alumnos.

Para superar a materia será necesario obter unha calificación de alomenos 5 sobre 10 no conxunto da materia.

Na

oportunidade de xullo os alumnos poderán liberarse de facer as probas correspondentes nas que a súa calificación na oportunidade de xaneiro fora de alomenos 4 sobre 10.

Para obter a calificación de NON PRESENTADO na primeira oportunidade (xaneiro-febreiro), os alumnos non se poderán ter presentado a ningunha das probas availables que figuran arriba.

Para obter a calificación de NON PRESENTADO en xullo, os alumnos non se poderán ter presentado ó exame final desa data.

**Fontes de información**

|                     |   |
|---------------------|---|
| Bibliografía básica | Bibliografía básica Davison, A.C. and Hinkley, D.V. (1999). Bootstrap Methods and their Application. Cambridge University Press. Efron, B. (1979). Bootstrap Methods: Another look at the Jackknife. Ann. Statist., 7, 1-26. Efron, B. and Tibshirani, R.J. (1993). An Introduction to the Bootstrap. Chapman and Hall. Shao, J. and Tu, D. (1996). The Jackknife and Bootstrap. Springer Verlag. |
|---------------------|---|



|                             |   |
|-----------------------------|---|
| Bibliografía complementaria | Bibliografía complementaria<br>Akritas, M. G. (1986). Bootstrapping the Kaplan--Meier estimator. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 81, 1032-1038.Bickel, P.J. and Freedman, D.A. (1981). Some asymptotic theory for the bootstrap. <i>Ann. Statist.</i> 12, 470-482.Bühlmann, P. (1997). Sieve bootstrap for time series. <i>Bernoulli</i> 3, 123-148.Cao, R. (1990). Órdenes de convergencia para las aproximaciones normal y bootstrap en la estimación no paramétrica de la función de densidad. <i>Trabajos de Estadística</i> , vol. 5, 2, 23-32.Cao, R. (1991). Rate of convergence for the wild bootstrap in nonparametric regression. <i>Ann. Statist.</i> 19, 2226-2231.Cao, R. (1993). Bootstrapping the mean integrated squared error. <i>Jr. Mult. Anal.</i> 45, 137-160.Cao, R. (1999). An overview of bootstrap methods for estimating and predicting in time series. <i>Test</i> , 8, 95-116.Cao, R. and González-Manteiga, W. (1993). Bootstrap methods in regression smoothing. <i>J. Nonparam. Statist.</i> 2, 379-388.Cao, R. and Prada-Sánchez, J.M. (1993). Bootstrapping the mean of a symmetric population. <i>Statistics &amp; Probability Letters</i> 17, 43-48.Efron, B. (1981). Censored data and the bootstrap. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 76, 312-319.Efron, B. (1982). The Jackknife, the Bootstrap and other Resampling Plans. CBMS-NSF. Regional Conference series in applied mathematics.Efron, B. (1983). Estimating the error rate of a prediction rule: improvements on cross-validation. <i>J. Amer. Stat. Assoc.</i> 78, 316-331.Efron, B. (1987). Better Bootstrap confidence intervals (with discussion). <i>J. Amer. Stat. Assoc.</i> 82, 171-200.Efron, B. (1990). More Efficient Bootstrap Computations. <i>J. Amer. Stat. Assoc.</i> 85, 79-89.Efron, B. and Tibshirani, R. (1986). Bootstrap methods for standard errors, confidence intervals, and other measures of statistical accuracy. <i>Statistical Science</i> 1, 54-77.Freedman, D.A. (1981). Bootstrapping regression models. <i>Ann. Statist.</i> 9, 6, 1218-1228.García-Jurado, I. González-Manteiga, W., Prada-Sánchez, J.M., Febrero-Bande, M. and Cao, R. (1995). Predicting using Box-Jenkins, nonparametric and bootstrap techniques. <i>Technometrics</i> 37, 303-310.Hall, P. (1986). On the bootstrap and confidence intervals. <i>Ann. Statist.</i> 14, 1431-1452.Hall, P. (1988a). Theoretical comparison of bootstrap confidence intervals. <i>Ann. Statist.</i> 16, 927-953.Hall, P. (1988b). Rate of convergence in bootstrap approximations. <i>Ann. Probab.</i> 16, 4, 1665-1684.Hall, P. (1992). The Bootstrap and Edgeworth Expansion. Springer Verlag.Hall, P. and Martin, M.A. (1988). On bootstrap resampling and iteration. <i>Biometrika</i> 75, 661-671.Härdle, W. and Marron, J. S. (1991). Bootstrap simultaneous error bars for nonparametric regression. <i>Ann. Statist.</i> 19, 778-796.Künsch, H.R. (1989). The jackknife and the bootstrap for general stationary observations. <i>Ann. Statist.</i> 17, 1217-1241.Mammen, E. (1992). When does Bootstrap Work?. Springer Verlag.Navidi, W. (1989). Edgeworth expansions for bootstrapping regression models. <i>Ann. Statist.</i> 17, 4, 1472-1478.Politis, D.N. and Romano, J.R. (1994a). The stationary bootstrap. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 89, 1303-1313.Politis, D.N. and Romano, J.R. (1994b). Limit theorems for weakly dependent Hilbert space valued random variables with application to the stationary bootstrap. <i>Statist. Sin.</i> 4, 461-476.Politis, D.N., Romano, J.P. and Wolf, M. (1999). Subsampling. Springer Verlag.Reid, N. (1981). Estimating the median survival time. <i>Biometrika</i> 68, 601-608.Stine, R.A. (1987). Estimating properties of autoregressive forecasts. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 82, 1072-1078.Thombs, L.A. and Schucany, W.R. (1990). Bootstrap prediction intervals for autoregression. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 85, 486-492.Wu, C.-F. J. (1986). Jackknife, bootstrap and other resampling methods in regression analysis. <i>Ann. Statist.</i> 14, 1261-1350. |
|-----------------------------|---|

| Recomendacíons  |  |
|---|--|
| Materias que se recomienda ter cursado previamente    |  |
| Estatística Matemática/614468102                      |  |
| Modelos de Probabilidade/614468103                    |  |
| Estatística Aplicada/614468104                        |  |
| Modelos de Regresión/614468105                        |  |
| Análise Exploratoria de Datos (data mining)/614468106 |  |
| Estatística non Paramétrica/614468109                 |  |
| Simulación Estatística/614468113                      |  |
| Materias que se recomenda cursar simultaneamente      |  |
| Series de Tempo/614427111                             |  |
| Fiabilidade e Modelos Biométricos/614427116           |  |
| Materias que continúan o temario                      |  |



Contrastes de Especificación/614468123

Datos Funcionais/614468124

Proxecto Fin de Carreira ou Traballo Tutelado/614468128

Observacións

(\*)A Guía docente é o documento onde se visualiza a proposta académica da UDC. Este documento é público e non se pode modificar, salvo casos excepcionais baixo a revisión do órgano competente dacordo coa normativa vixente que establece o proceso de elaboración de guías