



Teaching Guide				
Identifying Data				2020/21
Subject (*)	Cálculo infinitesimal I	Code	632G02001	
Study programme	Grao en Tecnoloxía da Enxeñaría Civil			
Descriptors				
Cycle	Period	Year	Type	Credits
Graduate	1st four-month period	First	Basic training	6
Language	Spanish			
Teaching method	Face-to-face			
Prerequisites				
Department	Matemáticas			
Coordinador	Fe Marques, Jaime	E-mail	jaime.fe@udc.es	
Lecturers	Fe Marques, Jaime Nogueira Garea, Xesus Anton	E-mail	jaime.fe@udc.es xesus.nogueira@udc.es	
Web	caminos.udc.es/info/ asignaturas/grado_tecic/102/CI/			
General description				
Contingency plan	<p>1. Modifications to the contents</p> <p>2. Methodologies</p> <p>*Teaching methodologies that are maintained</p> <p>*Teaching methodologies that are modified</p> <p>3. Mechanisms for personalized attention to students</p> <p>4. Modifications in the evaluation</p> <p>*Evaluation observations:</p> <p>5. Modifications to the bibliography or webgraphy</p>			

Study programme competences	
Code	Study programme competences
A1	Capacidad para plantear y resolver los problemas matemáticos que puedan plantearse en el ejercicio de la profesión. En particular, conocer, entender y utilizar la notación matemática, así como los conceptos y técnicas del álgebra y del cálculo infinitesimal, los métodos analíticos que permiten la resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias y en derivadas parciales, la geometría diferencial clásica y la teoría de campos, para su aplicación en la resolución de problemas de Ingeniería Civil.
B1	Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio
B2	Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio
B3	Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética
B4	Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado
B5	Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía
B6	Resolver problemas de forma efectiva.
B7	Aplicar un pensamiento crítico, lógico y creativo.



B10	Comunicarse de manera efectiva en un entorno de trabajo.
B15	Claridad en la formulación de hipótesis.
B16	Capacidad de autoaprendizaje mediante la inquietud por buscar y adquirir nuevos conocimientos, potenciando el uso de las nuevas tecnologías de la información y así poder enfrentarse adecuadamente a situaciones nuevas.
B18	Capacidad para aplicar conocimientos básicos en el aprendizaje de conocimientos tecnológicos y en su puesta en práctica.
B19	Capacidad de realizar pruebas, ensayos y experimentos, analizando, sintetizando e interpretando los resultados.
C1	Expresarse correctamente, tanto de forma oral como por escrito, en las lenguas oficiales de la comunidad autónoma.
C3	Utilizar las herramientas básicas de las tecnologías de la información y las comunicaciones (TIC) necesarias para el ejercicio de su profesión y para el aprendizaje a lo largo de la vida.
C4	Desarrollarse para el ejercicio de una ciudadanía abierta, culta, crítica, comprometida, democrática y solidaria, capaz de analizar la realidad, diagnosticar problemas, formular e implantar soluciones basadas en el conocimiento y orientadas al bien común.
C6	Valorar críticamente el conocimiento, la tecnología y la información disponible para resolver los problemas con que deben enfrentarse.

Learning outcomes			
Learning outcomes	Study programme competences		
	A1	B1	C3
Coñecer e entender a teoría do Cálculo Infinitesimal.	A1	B1	C3
Coñecer, entender e utilizar a notación matemática.	A1	B1	C3
Mellorar a capacidade de razoamento matemático adquirindo ou desenvolvendo distintas habilidades: operar, simplificar, despexar, relacionar, distinguir, deducir, demostrar.	A1	B2 B3 B6 B7 B15	C6
Resolver problemas matemáticos aplicando a teoría do Cálculo Infinitesimal.	A1	B2 B3 B6 B7 B15 B16 B18	C6
Adquirir unha actitude de análise ante os distintos problemas que xorden, tanto no estudo actual como no futuro exercicio da profesión.		B3 B6 B7 B19	C3 C4 C6
Aprender a tomar decisións, estudando e reflexionando previamente.		B2 B3 B5	C4 C6
Mellorar a expresión oral e escrita, para poder transmitir información de maneira clara e rigorosa.		B4 B7 B10	C1

Contents	
Topic	Sub-topic



I. EL NÚMERO REAL.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Introducción. Condición necesaria y suficiente. Demostración por reducción al absurdo.</li><li>2. Sucesivas ampliaciones del concepto de número: números naturales, enteros, racionales. Conjuntos numerables y Principio de Inducción.</li><li>3. Estructura de cuerpo; relación de orden; cuerpo ordenado; cotas y extremos; valor absoluto.</li><li>4. Sucesiones convergentes y de Cauchy en <math>\mathbb{Q}</math>.</li><li>5. Propiedades de <math>\mathbb{Q}</math>.</li><li>6. Necesidad de ampliar <math>\mathbb{Q}</math>: los números reales.</li><li>7. Propiedades de <math>\mathbb{R}</math>.</li><li>8. Operaciones en <math>\mathbb{R}</math>.</li></ol>
II. ESPACIOS MÉTRICOS.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Definición y propiedades.</li><li>2. Bolas y entornos.</li><li>3. Puntos notables de un espacio métrico.</li><li>4. Conjuntos notables de un espacio métrico.</li><li>5. Conjuntos cerrado, abierto, compacto.</li><li>6. El espacio métrico <math>(\mathbb{R},  \cdot )</math>: distancia, abiertos y cerrados; teorema de Bolzano-Weierstrass.</li></ol>
III. SUCESIONES NUMÉRICAS.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Definición; concepto de límite; tipos de sucesiones.</li><li>2. Propiedades de los límites.</li><li>3. Sucesiones monótonas y de intervalos encajados.</li><li>4. Operaciones con límites.</li><li>5. Tipos de indeterminación.</li><li>6. Criterios de convergencia: Stolz, Media Aritmética, Media Geométrica, Regla de la raíz.</li><li>7. Infinitos e infinitésimos. Orden y parte principal. Órdenes de infinitud.</li><li>8. Sucesiones equivalentes.</li><li>9. Sustitución por sucesiones equivalentes.</li><li>10. Métodos de cálculo de límites: formas del número <math>e</math>; expresiones polinómicas; recurrencia, integración; equivalencias; cambio del tipo de indeterminación.</li></ol>



<p>IV. FUNCIONES EN R.</p>	<p>A. NOCIONES GENERALES</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Función: definición; dominio; recorrido.</li> <li>2. Operaciones con funciones.</li> <li>3. Tipos de funciones.</li> </ol> <p>B. LÍMITES DE FUNCIONES</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Límite funcional.</li> <li>2. Límites laterales.</li> <li>3. Extensión del concepto de límite.</li> <li>4. Límite por sucesiones.</li> <li>5. Propiedades de los límites.</li> <li>6. Operaciones con límites.</li> <li>7. Tipos de indeterminación.</li> <li>8. Infinitos e infinitésimos.</li> <li>9. Funciones equivalentes en un punto.</li> <li>10. Sustitución por funciones equivalentes.</li> </ol> <p>C. CONTINUIDAD DE FUNCIONES</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Función continua.</li> <li>2. Continuidad lateral.</li> <li>3. Discontinuidades.</li> <li>4. Operaciones;</li> <li>5. Continuidad de las funciones elementales.</li> <li>6. Composición de funciones continuas.</li> <li>7. Teoremas de las funciones continuas.</li> <li>8. Continuidad uniforme. Teoremas.</li> </ol> <p>D. DIFERENCIABILIDAD DE FUNCIONES</p> <ol style="list-style-type: none"> <li>1. Función derivable y diferenciable.</li> <li>2. Continuidad y diferenciabilidad.</li> <li>3. Operaciones con funciones diferenciables.</li> <li>4. Regla de la cadena. Aplicaciones.</li> <li>5. Derivada de la función inversa.</li> <li>6. Teoremas del valor medio: Rolle, Cauchy, Lagrange.</li> <li>7. La derivada como límite de derivadas.</li> <li>8. Reglas de L'Hôpital.</li> <li>9. Derivadas sucesivas.</li> <li>10. Desarrollos limitados de Taylor y Mc Laurin; término complementario de Lagrange; teorema del extremo relativo; aplicaciones: extremos de funciones; desarrollos deducidos de otros.</li> <li>11. Representación de curvas en cartesianas.</li> </ol>
<p>V. CÁLCULO DE PRIMITIVAS.</p>	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Primitiva de una función.</li> <li>2. Linealidad de la integral.</li> <li>3. Integrales inmediatas.</li> <li>4. Métodos de cálculo de primitivas: semiinmediatas; cambio de variable; partes; fórmulas de reducción; racionales; trigonométricas; irracionales.</li> </ol>

Planning

Methodologies / tests	Competencies	Ordinary class hours	Student?s personal work hours	Total hours
-----------------------	--------------	----------------------	-------------------------------	-------------



Laboratory practice	A1 B10 B15 B1 B2 B3 B4 B6 B7 B18 B19 C1 C6	31	31	62
Objective test	A1 B1 B2 B3 B7 C1	1	0	1
Mixed objective/subjective test	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 C1	2.5	0	2.5
Guest lecture / keynote speech	A1 B10 B15 B1 B2 B3 B4 B7 C1 C4 C6	26	26	52
Problem solving	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 B16 B19 C1 C4 C6	0	12.5	12.5
Introductory activities	A1 B1 B2 B6 B7 C3	0	4	4
Workbook	A1 B1 B3 B5 B16 B18 C3	0	15	15
Personalized attention		1	0	1

(\*)The information in the planning table is for guidance only and does not take into account the heterogeneity of the students.

Methodologies	
Methodologies	Description
Laboratory practice	As Clases de Prácticas son sesións participativas de resolución de problemas. Os enunciados dos devanditos problemas publícanse con antelación na páxina web da materia.
Objective test	Os Exercicios de Control son exercicios breves de contido teórico e/ou práctico. Realízanse na aula sen aviso previo nin periodicidade fixa, co fin de comprobar a asimilación de conceptos e técnicas. Estes exercicios poden ser tipo test (verdadeiro/falso ou de resposta múltiple), cuestións ou problemas breves. Son corrixis polo profesor.
Mixed objective/subjective test	O Exame Final da materia ten a forma de proba mixta: componse dalgunhas (ou todas) as partes seguintes: un test, cuestións breves teórico-prácticas, exercicios de integración, resolución de problemas.
Guest lecture / keynote speech	Nas Clases de Teoría expóñense os aspectos teóricos da materia, acompañados de exemplos. Van seguidas dun tempo dedicado a aclaración de dúbidas, individual ou en grupo.
Problem solving	Durante o desenvolvemento de cada tema, ou tras finalizalo, propónse a realización de diversas actividades (Exercicios Voluntarios). Estes exercicios resólvense individualmente fora da aula e recóllense en datas anunciadas de antemán. Algún destes exercicios pode consistir na exposición en público dun apartado do temario ou a resolución en público dun problema matemático. A entrega destes exercicios non é requisito indispensable para superar a materia, pero recoméndase pola súa utilidade para assimilar os contidos da mesma. Pode supoñer un incremento da nota final, como se aclara no apartado Avaliación.
Introductory activities	Durante as dúas primeiras semanas de curso, os estudantes deben resolver a Práctica 0, cuxo enunciado pode obterse na páxina web da materia. A solución poderás consultarse máis adiante na mesma páxina web.
Workbook	Antes de comezar o estudo de cada un dos temas da materia, recoméndase o acceso, na páxina web desta, ao Precurso de Matemáticas. Este Precurso está formado por uns apuntamentos de teoría, problemas resoltos e propostos e contén coñecementos básicos para cursar a materia, que se supoñen adquiridos en cursos anteriores. Foi elaborado por diversos profesores de Matemáticas de primeiro curso desta universidade, a partir dos programas de Bacharelato. Débese estudar o material básico facilitado, resolvendo persoalmente os exercicios propostos, como garantía de que se posúen os coñecementos requiridos para a nova materia. Así mesmo, durante o desenvolvemento de cada un dos 5 temas que integran a materia, é preciso estudar o material complementario que figura na sección Documentos de Apoio da páxina web.

Personalized attention	
Methodologies	Description



<p>Problem solving Laboratory practice Guest lecture / keynote speech</p>	<p>Para a correcta asimilación dos contidos desenvolvidos nas clases de teoría (sesións maxistras) e nas de problemas (prácticas de laboratorio) é moi recomendable consultar co profesor as dúbidas que xurdan, ben ao longo das devanditas clases ou ben durante o estudo persoal da materia. Tamén se poden consultar nas entrevistas de atención personalizada as dúbidas que se formulan durante a resolución persoal dos problemas de entrega voluntaria.</p> <p>Estas consultas realizaranse preferentemente en dous momentos:</p> <p>a) Na aula, durante os 10 minutos posteriores a cada clase.</p> <p>b) No despacho do profesor durante o horario establecido para esta actividade.</p> <p>É posible tamén realizar consultas en calquera momento a través do correo electrónico, se ben este medio pode non ser adecuado para resolver determinado tipo de dúbidas, debido á súa complexidade.</p>
---	--

Assessment			
Methodologies	Competencies	Description	Qualification
Problem solving	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 B16 B19 C1 C4 C6	A entrega dos Exercicios Voluntarios valórase ata un máximo de 5 puntos. Tanto na oportunidade de xaneiro coma na de xullo, estes puntos engádense á nota global, sempre e cando se alcance unha puntuación mínima de 45 sobre 100 entre os Exercicios de Control e o Exame Final.	0
Objective test	A1 B1 B2 B3 B7 C1	Os Exercicios de Control teñen un peso do 20% da nota global, tanto na na oportunidade de xaneiro como na de xullo.	20
Mixed objective/subjective test	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 C1	O Exame Final ten un peso do 80% da nota global, tanto na oportunidade de xaneiro coma na de xullo.	80
Others		Dos parciais compensatorios.	

Assessment comments
Tanto en xaneiro coma en xullo, pódese superar a materia dun dos modos seguintes: a) Obtendo 50 puntos ou máis como suma da nota do Exame Final (sobre 80) máis a nota media dos Exercicios de Control (sobre 20) e -no seu caso- a nota dos Exercicios Voluntarios (sobre 5). b) Obtendo unha nota de 40 sobre 80 no Exame Final. Nesta opción non se teñen en conta os Exercicios Voluntarios.

Sources of information	
<b>Basic</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Franco, J.R. (2003). Introducción al Cálculo. Problemas y ejercicios resueltos. Prentice Hall, Madrid</li> <li>- Estela, M.R.; Súa, J. (2008). Cálculo con soporte interactivo en Moodle. Pearson-Prentice Hall, Madrid</li> <li>- García, A. y otros (1998). Cálculo I. Teoría y problemas de Análisis Matemático en una variable. CLAGSA, Madrid</li> <li>- Granero, F. (2001). Cálculo Integral y aplicaciones. Prentice Hall; Madrid</li> <li>- Estela, M.R.; Serra, A.M. (2008). Cálculo. Problemas resueltos. Pearson-Prentice Hall, Madrid</li> </ul> <p>Para a preparación da materia, ademais dos apuntamentos de clase, é importante dispoñer do seguinte material, que está dispoñible na páxina web: 1. Precurso de Matemáticas. 2. Programa detallado. 3. Documentos de apoio e tests de autoavaliación. 4. Boletíns de prácticas e integrais. Ademais do anterior, segundo as necesidades, será útil consultar algún dos textos da bibliografía, básica ou complementaria, que poden obterse na Biblioteca da Escola.</p>
<b>Complementary</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Granero, F. (1991). Ejercicios y problemas de Cálculo (2 tomos). Tébar Flores, Albacete</li> <li>- Burgos, J (2006). Cálculo Infinitesimal de una variable. Madrid, Mc Graw-Hill</li> <li>- Granero, F. (1995). Cálculo Infinitesimal. Una y varias variables. Mc Graw-Hill, Madrid</li> <li>- Tébar, E. y Tébar M.A. (1991). 909 problemas de Cálculo Integral (2 tomos). Tébar Flores, Madrid</li> </ul>

Recommendations



Subjects that it is recommended to have taken before
Subjects that are recommended to be taken simultaneously
Subjects that continue the syllabus
Cálculo infinitesimal II/632G02002 Ecuacións diferenciais/632G02017
Other comments

(\*)The teaching guide is the document in which the URV publishes the information about all its courses. It is a public document and cannot be modified. Only in exceptional cases can it be revised by the competent agent or duly revised so that it is in line with current legislation.