



## Guía Docente

Datos Identificativos					2021/22
Asignatura (*)	Cálculo infinitesimal II			Código	632G02002
Titulación					
Descritores					
Ciclo	Período	Curso	Tipo	Créditos	
Grao	2º cuatrimestre	Primeiro	Formación básica	6	
Idioma	Castelán				
Modalidade docente	Presencial				
Prerrequisitos					
Departamento	Matemáticas				
Coordinación	Fe Marques, Jaime	Correo electrónico	jaime.fe@udc.es		
Profesorado	Fe Marques, Jaime	Correo electrónico	jaime.fe@udc.es		
	Nogueira Garea, Xesus Anton		xesus.nogueira@udc.es		
Web	<a href="http://caminos.udc.es/info/assignaturas/grado_tecic/102/CII/">caminos.udc.es/info/assignaturas/grado_tecic/102/CII/</a>				
Descrición xeral					



<b>Plan de continxencia</b>	<p>1. Modificacións nos contidos</p> <p>Non hai modificación nos contidos.</p> <p>2. Metodoloxías</p> <p>* Metodoloxías docentes que se manteñen</p> <p>* Metodoloxías docentes que se modifican</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Os contidos da materia (de teoría e de prácticas) non impartidos presencialmente, facilitaranse semanalmente aos estudantes en formato dixital a través da páxina web habitual.</li> <li>- En datas anunciadas, teranse clases online, nas que se revisarán os puntos fundamentais da materia facilitada con antelación.</li> <li>- Como parte do material de cada tema publicaranse exercicios de autoavaliación de tipo similar ao dos exames, coa solución razoada en arquivo aparte para a autocorrección por parte dos estudantes.</li> <li>- Cada unha ou dúas semanas dedicarase un tempo, dentro do horario de clase, á realización de Exercicios de Control.</li> <li>- Periodicamente propoñeranse aos estudantes Exercicios Voluntarios para a súa realización durante un tempo limitado.</li> </ul> <p>3. Mecanismos de atención personalizada ao alumnado</p> <p>Moodle: Semanalmente enviarase unha comunicación con aclaracións sobre a docencia e plan de traballo, así como avisos de exercicios propostos ou de material posto a disposición na web da materia.</p> <p>Teams:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- Organizaranse, con frecuencia semanal ou quincenal, sesións grupais de resolución de dúbidas.</li> <li>- Pódense facer consultas individuais en calquera momento e respóndense habitualmente no día. Pode usarse tamén para isto o correo electrónico.</li> </ul> <p>4. Modificacións na avaliación</p> <p>No caso de interrupción das clases presenciais e de realización online do Exame Final procederase da maneira seguinte:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- O Exame Final terá un peso do 70% da nota final, en lugar do 80% habitual.</li> <li>- Os Exercicios de Control completaranse durante o período non presencial. Terán un peso do 30% da nota final, en lugar do 20% habitual.</li> <li>- Os Exercicios Voluntarios completaranse durante o período non presencial. Terán un valor de 6 puntos sobre un total de 100, en lugar dos 5 habituais.</li> </ul> <p>Observacións de avaliación:</p> <p>Tanto na primeira como na segunda oportunidade pódese superar a materia dun dos modos seguintes:</p> <p>a) Obtendo 50 ou máis como suma da nota do Exame Final (sobre 70) máis a nota dos Exercicios de Control (sobre 30) e a nota dos Exercicios Voluntarios (sobre 5).</p> <p>b) Obtendo unha nota de 35 sobre 70 no Exame Final. Neste caso non se teñen en conta os Exercicios Voluntarios.</p> <p>5. Modificacións da bibliografía ou webgrafía</p> <p>Non hai modificacións na bibliografía. Todo o material escrito necesario para o estudo da materia está dispoñible desde principio de curso na web da materia.</p>
-----------------------------	---

### Competencias do título

Código	Competencias do título
--------	------------------------

### Resultados da aprendizaxe

Resultados de aprendizaxe	Competencias do título		
	A1	B1	C3
Coñecer e entender a teoría do Cálculo Infinitesimal.	A1	B1	C3
Coñecer, entender e utilizar a notación matemática.	A1	B1	C3



Mellorar a capacidade de razoamento matemático adquirindo ou desenvolvendo distintas habilidades: operar, simplificar, despexar, relacionar, distinguir, deducir, demostrar.	A1	B2 B3 B6 B7 B15	C6
Resolver problemas matemáticos aplicando a teoría do Cálculo Infinitesimal.	A1	B2 B3 B6 B7 B15 B16 B18	C6
Adquirir unha actitude de análise ante os distintos problemas que xorden, tanto no estudo actual como no futuro exercicio da profesión.		B3 B6 B7 B19	C3 C4 C6
Aprender a tomar decisións, estudando e reflexionando previamente.		B2 B3 B5	C4 C6
Mellorar a expresión oral e escrita, para poder transmitir información de maneira clara e rigorosa.		B4 B7 B10	C1

Contidos	
Temas	Subtemas
I. INTEGRACIÓN.	<ol style="list-style-type: none"> <li>1. Primitiva de una función: definición y condición necesaria de existencia.</li> <li>2. Integral de Riemann: Sumas de Darboux; condiciones de integrabilidad; propiedades.</li> <li>3. Teorema de la media.</li> <li>4. Primer Teorema Fundamental del Cálculo. Regla de Barrow.</li> <li>5. Segundo Teorema Fundamental del Cálculo.</li> <li>6. Integrales impropias.</li> <li>7. Aplicaciones de la integral definida: áreas planas, volúmenes, arcos y superficies de revolución.</li> </ol>



II. FUNCIONES VECTORIALES.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Tipos de funciones.</li><li>2. Espacio euclídeo: producto escalar ordinario; norma y distancia euclídeas.</li><li>3. Funciones vectoriales de variable real: límite; continuidad; diferenciabilidad.</li><li>4. Funciones reales de variable vectorial: límite funcional y direccional; continuidad; diferenciabilidad; derivada direccional y derivada parcial; diferencial; gradiente y curvas de nivel; teoremas.</li><li>5. Funciones vectoriales de variable vectorial: límite; continuidad; diferenciabilidad.</li><li>6. Composición de funciones: continuidad y diferenciabilidad de la función compuesta; regla de la cadena.</li><li>7. Derivadas de orden superior: derivadas cruzadas; diferenciales sucesivas.</li><li>8. Desarrollo de Taylor: expresión general; expresión matricial.</li><li>9. Extremos relativos: condiciones necesaria y condición suficiente de extremo; determinación del tipo de forma cuadrática.</li><li>10. Función implícita: definición; teorema de existencia y diferenciabilidad para dos variables; generalización.</li><li>11. Extremos condicionados: método de los multiplicadores de Lagrange.</li><li>12. Derivada de la función inversa (opcional).</li></ol>
III. SERIES NUMÉRICAS.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Definición.</li><li>2. Serie geométrica.</li><li>3. Condición necesaria de convergencia.</li><li>4. Propiedades de las series.</li><li>5. Criterio de convergencia de Cauchy.</li><li>6. Series de términos positivos. Criterios de convergencia: mayorante y minorante; serie de Riemann; comparación de series; raíz; cociente; Raabe; logarítmico; condensación.</li><li>7. Series de términos positivos y negativos: convergencia y divergencia absoluta e incondicional; teoremas de Riemann, Dirichlet y Leibnitz.</li><li>8. Métodos de suma de series: por descomposición; a partir de la armónica; a partir del desarrollo de la exponencial de <math>x</math>; series hipergeométricas.</li></ol>
IV. SUCESIONES Y SERIES FUNCIONALES.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Sucesiones funcionales: definición; convergencia simple y uniforme; sucesiones de funciones continuas.</li><li>2. Series funcionales: definición; convergencia simple y uniforme; criterio de la mayorante; continuidad; integración; derivación.</li><li>3. Series de potencias: definición; teorema de Cauchy-Hadamard; continuidad, derivación e integración; teoremas de Abel; desarrollo de una función en serie de potencias, serie de Taylor.</li></ol>
V. NÚMEROS COMPLEJOS.	<ol style="list-style-type: none"><li>1. Introducción.</li><li>2. Definición, forma binómica y operaciones básicas.</li><li>3. Forma trigonométrica; representación gráfica.</li><li>4. Conjugado, opuesto e inverso; cociente.</li><li>5. Exponencial de un complejo; fórmula de Euler.</li><li>6. Potencia natural de un complejo; fórmula de Moivre.</li><li>7. Raíz de un complejo.</li><li>8. Teorema Fundamental del Álgebra.</li><li>9. Logaritmo neperiano de un complejo (opcional).</li><li>10. Potencia compleja de un complejo (opcional).</li><li>11. Funciones hiperbólicas y trigonométricas en <math>\mathbb{C}</math> (opcional).</li></ol>



Metodoloxías / probas	Competencias	Horas presenciais	Horas non presenciais / traballo autónomo	Horas totais
Prácticas de laboratorio	A1 B10 B15 B1 B2 B3 B4 B6 B7 B18 B19 C1 C6	28	28	56
Proba obxectiva	A1 B1 B2 B3 B7 C1	1	0	1
Proba mixta	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 C1	3	0	3
Sesión maxistral	A1 B10 B15 B1 B2 B3 B4 B7 C1 C4 C6	27	27	54
Solución de problemas	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 B16 B19 C1 C4 C6	0	15	15
Lecturas	A1 B1 B3 B5 B16 B18 C3	0	20	20
Atención personalizada		1	0	1

\*Os datos que aparecen na táboa de planificación son de carácter orientativo, considerando a heteroxeneidade do alumnado

Metodoloxías	
Metodoloxías	Descrición
Prácticas de laboratorio	As Clases de Prácticas son sesións participativas de resolución de problemas. Os enunciados dos devanditos problemas publícanse con antelación na páxina web da materia.
Proba obxectiva	Os Exercicios de Control son exercicios breves de contido teórico e/ou práctico. Realízanse na aula sen aviso previo nin periodicidade fixa, co fin de comprobar a asimilación de conceptos e técnicas. Estes exercicios poden ser tipo test (verdadeiro/falso ou de resposta múltiple), cuestións ou problemas breves. Son corrixidos polo profesor.
Proba mixta	O Exame Final da materia ten a forma de proba mixta: componse dalgunhas (ou todas) as partes seguintes: un test, cuestións breves teórico-prácticas, exercicios de integración, resolución de problemas.
Sesión maxistral	Nas Clases de Teoría expóñense os aspectos teóricos da materia, acompañados de exemplos. Van seguidas dun tempo dedicado a aclaración de dúbidas, individual ou en grupo.
Solución de problemas	Durante o desenvolvemento de cada tema, ou tras finalizalo, propónse a realización de diversas actividades (Exercicios Voluntarios). Estes exercicios resólvense individualmente fora da aula e recóllense en datas anunciadas de antemán. Algún destes exercicios pode consistir na exposición en público dun apartado do temario ou na resolución en público dun problema matemático. A entrega destes exercicios non é requisito indispensable para superar a materia, pero recoméndase pola súa utilidade para assimilar os contidos da mesma. Pode supoñer un incremento da nota final, como se aclara no apartado Avaliación.
Lecturas	Durante o desenvolvemento de cada un dos 5 temas que integran a materia, é preciso estudar o material complementario que figura na sección Documentos de Apoio da páxina web.

Atención personalizada	
Metodoloxías	Descrición



<p>Sesión maxistral</p> <p>Solución de problemas</p> <p>Prácticas de laboratorio</p>	<p>Para a correcta asimilación dos contidos desenvolvidos nas clases de teoría (sesións maxistrais) e nas de problemas (prácticas de laboratorio) é moi recomendable consultar co profesor as dúbidas que xurdan, ben ao longo das devanditas clases ou ben durante o estudo persoal da materia. Tamén se poden consultar nas entrevistas de atención personalizada as dúbidas que se formulan durante a resolución persoal dos problemas de entrega voluntaria.</p> <p>Estas consultas realizaranse preferentemente en dous momentos:</p> <p>a) Na aula, durante os 10 minutos posteriores a cada clase.</p> <p>b) No despacho do profesor durante o horario establecido para esta actividade.</p> <p>É posible tamén realizar consultas en calquera momento a través do correo electrónico, se ben este medio pode non ser adecuado para resolver determinado tipo de dúbidas, debido á súa complexidade.</p>
--	---

Avaliación			
Metodoloxías	Competencias	Descrición	Cualificación
Solución de problemas	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 B16 B19 C1 C4 C6	A entrega dos Exercicios Voluntarios valórase ata un máximo de 5 puntos. Tanto na oportunidade de xuño coma na de xullo, estes puntos engádense á nota global, sempre e cando se alcance unha puntuación mínima de 45 sobre 100 entre os Exercicios de Control e o Exame Final.	0
Proba obxectiva	A1 B1 B2 B3 B7 C1	Os Exercicios de Control teñen un peso do 20% da nota global, tanto na na oportunidade de xuño como na de xullo.	20
Proba mixta	A1 B15 B1 B2 B3 B6 B7 C1	O Exame Final ten un peso do 80% da nota global, tanto na oportunidade de xuño coma na de xullo.	80
Outros		Dos parciais compensatorios.	

Observacións avaliación
Tanto en xuño coma en xullo, pódese superar a materia dun dos modos seguintes: a) Obtendo 50 puntos ou máis como suma da nota do Exame Final (sobre 80) máis a nota media dos Exercicios de Control (sobre 20) e -no seu caso- a nota dos Exercicios Voluntarios (sobre 5). b) Obtendo unha nota de 40 sobre 80 no Exame Final. Nesta opción non se teñen en conta os Exercicios Voluntarios.

Fontes de información	
<b>Bibliografía básica</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Franco, J.R. (2003). Introducción al Cálculo. Problemas y ejercicios resueltos. Prentice Hall, Madrid</li> <li>- Estela, M.R.; Sáa, J. (2008). Cálculo con soporte interactivo en Moodle. Pearson-Prentice Hall, Madrid</li> <li>- García, A. y otros (1998). Cálculo I. Teoría y problemas de Análisis Matemático en una variable. CLAGSA, Madrid</li> <li>- García, A. y otros (2002). Cálculo II. Teoría y problemas de funciones de varias variables. CLAGSA, Madrid</li> <li>- Granero, F. (2001). Cálculo Integral y aplicaciones. Prentice Hall; Madrid</li> <li>- Estela, M.R.; Serra, A.M. (2008). Cálculo. Problemas resueltos. Pearson-Prentice Hall, Madrid</li> </ul> <p>Para cursar satisfactoriamente esta materia é preciso ter ben asimilados os contidos principais da materia Cálculo Infinitesimal I. Para a preparación da materia, ademais dos apuntamentos de clase, é importante dispoñer do seguinte material, que está dispoñible na páxina web: 1. Precurso de Matemáticas. 2. Programa detallado. 3. Documentos de apoio e tests de autoavaliación. 4. Boletíns de prácticas e integrais. Ademais do anterior, segundo as necesidades, será útil consultar algún dos textos da bibliografía, básica ou complementaria, que poden obterse na Biblioteca da Escola.</p>



<b>Bibliografía complementaria</b>	<ul style="list-style-type: none"><li>- Marsden, J.; Tromba, A. (2004). Cálculo Vectorial. Madrid, Pearson-Addison Wesley</li><li>- Granero, F. (1991). Ejercicios y problemas de Cálculo (2 tomos) . Tébar Flores, Albacete</li><li>- Burgos, J (2006). Cálculo Infinitesimal de una variable. Madrid, Mc Graw-Hill</li><li>- Granero, F. (1995). Cálculo Infinitesimal. Una y varias variables. Mc Graw-Hill, Madrid</li><li>- Besada, M. y otros (2001). Cálculo de varias variables. Problemas y ejercicios resueltos . Prentice Hall; Madrid</li><li>- Tébar, E. y Tébar M.A. (1991). 909 problemas de Cálculo Integral (2 tomos) . Tébar Flores, Madrid</li></ul>
------------------------------------	---

## Recomendacións

### Materias que se recomenda ter cursado previamente

Cálculo infinitesimal I/632G02001

### Materias que se recomenda cursar simultaneamente

### Materias que continúan o temario

Fundamentos de mecánica computacional/632G02015

Ecuacións diferenciais/632G02017

### Observacións

Ao impartir esta materia, suponse que os estudantes cursaron Cálculo Infinitesimal I e posúen certa soltura nos contidos desta, pois moitos dos contidos de Cálculo Infinitesimal I son puntos de partida para Cálculo Infinitesimal II.

(\*A Guía docente é o documento onde se visualiza a proposta académica da UDC. Este documento é público e non se pode modificar, salvo casos excepcionais baixo a revisión do órgano competente dacordo coa normativa vixente que establece o proceso de elaboración de guías