



| Teaching Guide | | | | |
|---------------------|---|--------|-------------------------|---------|
| Identifying Data | | | | 2022/23 |
| Subject (*) | Algebra | Code | 614G03001 | |
| Study programme | Grao en Intelixencia Artificial | | | |
| Descriptors | | | | |
| Cycle | Period | Year | Type | Credits |
| Graduate | 1st four-month period | First | Basic training | 6 |
| Language | Spanish | | | |
| Teaching method | Face-to-face | | | |
| Prerequisites | | | | |
| Department | Ciencias da Computación e Tecnoloxías da Información | | | |
| Coordinador | Costoya Ramos, Maria Cristina | E-mail | cristina.costoya@udc.es | |
| Lecturers | Costoya Ramos, Maria Cristina | E-mail | cristina.costoya@udc.es | |
| Web | campusvirtual.udc.es/moodle | | | |
| General description | <p>A materia de Álgebra Lineal é unha materia cuadrimestral, do módulo de formación básica, que se imparte no primeiro cuadrimestre do primeiro curso da titulación de Grao en Intelixencia Artificial. Nesta materia débense adquirir hábitos relacionados coa capacidade de abstracción e rigor necesarios para un profesional no ámbito da Intelixencia Artificial. Os conceptos que se estudan son básicos para o desenvolvemento doutras materias máis específicas da titulación. O carácter dos estudos e necesidades de formación dos estudantes do Grao en Intelixencia Artificial aconsella un enfoque computacional do Álgebra Lineal, por iso, poñerase especial énfase nun tratamento algorítmico dos contidos.</p> | | | |

| Study programme competences | |
|-----------------------------|--|
| Code | Study programme competences |
| A1 | Capacidad para utilizar los conceptos y métodos matemáticos y estadísticos para modelizar y resolver problemas de inteligencia artificial. |
| B2 | Que el alumnado sepa aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posea las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio. |
| B3 | Que el alumnado tenga la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética. |
| B5 | Que el alumnado haya desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía. |
| B7 | Capacidad para resolver problemas con iniciativa, toma de decisiones, autonomía y creatividad. |
| B9 | Capacidad para seleccionar y justificar los métodos y técnicas adecuadas para resolver un problema concreto, o para desarrollar y proponer nuevos métodos basados en inteligencia artificial. |
| C3 | Capacidad para crear nuevos modelos y soluciones de forma autónoma y creativa, adaptándose a nuevas situaciones. Iniciativa y espíritu emprendedor. |

| Learning outcomes | | | |
|---|-----------------------------|----------------------|----|
| Learning outcomes | Study programme competences | | |
| Manipular alxebraicamente as matrices para a resolución e discusión de sistemas de ecuacións lineais. | | B2 B7 | |
| Coñecer algoritmos de descomposición de matrices e entender a súa utilidade na resolución de problemas noutras áreas | A1 | B3 | C3 |
| Manipular as nocións básicas dos espazos vectoriais: dependencia e independencia lineal, bases, dimensión, subespazos, e aplicacións lineais. | | B2 B5 B7 B9 | |



| | | | |
|--|----|----------------------------|----|
| Identificar as aplicacións lineais con matrices e con sistemas de ecuacións lineais. | | B2 B5 B7 B9 | |
| Entender e aplicar os procedementos de diagonalización de matrices cadradas. Resolver problemas sobre matrices mediante a técnica de diagonalización das mesmas. | A1 | B2 B3 B5 B7 B9 | |
| Manexar, no espazo real euclídeo, o produto escalar usual, a norma, e o método de Gram-Schmidt. Explicar a súa utilidade na resolución de problemas noutras áreas. | A1 | B2 B5 B7 B9 | C3 |

| Contents | |
|---|---|
| Topic | Sub-topic |
| Tema 1: Sistemas de ecuacións lineais | Introdución e definición. Métodos de resolución, operacións elementais. Operacións elementais: versión matricial. Matrices escalonadas e reducidas. Método de eliminación de Gauss. |
| Tema2: Álgebra matricial | Operacións con matrices. Matrices cadradas, invertibles, triangulares, diagonais. Sistemas de ecuacións e matrices. Matrices elementais. Criterio de invertibilidade e cálculo da inversa dunha matriz. Factorización LU. |
| Tema 3: Espazos vectoriais | Definición. O espazo real n-dimensional. Outros exemplos importantes. Subespacios vectoriais. Combinacións lineais, subespacios xerados por unha familia de vectores. Espazo fila, espazo columna dunha matriz. Dependencia e independencia lineal. Bases e dimensión. Sistemas lineais homoxéneos e base do espazo de solucións. Rango dunha matriz. Coordenadas con respecto a unha base. |
| Tema 4: Aplicacións Lineais e Matrices | Aplicacións lineais entre espazos vectoriais. Exemplos xeométricos. Núcleo, imaxe e rango dunha aplicación lineal. O teorema do rango. Operacións con aplicacións lineais. Representación matricial dunha aplicación lineal. Composición de aplicacións lineais. Aplicacións invertibles. Cambios de base. Matrices de cambio de base. Matrices semellantes. |
| Tema 5: Diagonalización | Determinantes. Valores propios e vectores propios, definicións e exemplos. Polinomio característico. Espazos propios. Matrices diagonalizables. Multiplicidade algebraica e xeométrica. Criterios de diagonalización. Exemplos. |
| Tema 6: Produto escalar e Ortogonalidade. | Produtos escalares e espazos euclídeos. Norma, distancia, desigualdade de Cauchy-Schwartz. Ortogonalidade, bases ortogonais e ortonormais. Método de Gram-Schmidt. Matrices ortogonais, matrices simétricas. |

| Planning | | | | |
|--------------------------------|-------------------------|----------------------|-------------------------------|-------------|
| Methodologies / tests | Competencies | Ordinary class hours | Student?s personal work hours | Total hours |
| Guest lecture / keynote speech | A1 B2 B3 B5 B7 B9 C3 | 30 | 45 | 75 |
| Laboratory practice | A1 B2 B3 B7 B9 C3 | 20 | 30 | 50 |
| ICT practicals | B3 B9 | 8 | 12 | 20 |
| Objective test | B2 B5 B7 B9 | 3 | 0 | 3 |
| Personalized attention | | 2 | 0 | 2 |

(*)The information in the planning table is for guidance only and does not take into account the heterogeneity of the students.



Methodologies

| Methodologies | Description |
|-----------------------------------|--|
| Guest lecture / keynote speech | <p>Exposición, coa axuda do encerado e/ou medios audiovisuais, de contidos teóricos e prácticos especificados no programa da materia. A finalidade destas sesións é proporcionar ao alumnado os coñecementos básicos que faciliten a aprendizaxe e lle permítan abordar o estudo da materia do modo máis autónomo posible, coa axuda da bibliografía e dos exercicios propostos durante o cuadrimestre.</p> <p>A través da plataforma virtual da universidade, poñerase ao dispor do alumnado a información detallada dos contidos teóricos e prácticos de cada tema. De se realizar sesións maxistras coa axuda do canón de vídeo en formato pdf, tamén se proporcionarán as presentacións.</p> <p>Ademais da adquisición dos contidos propios da materia, nas clases maxistras se fomentará:</p> <ul style="list-style-type: none">- O desenvolvemento de espírito crítico e o rigor para validar ou refutar argumentos tanto propios como doutros;- A detección de ideas esenciais das demostracións dalgúns teoremas básicos e saber adaptalas para obter outros resultados.- A utilización eficaz da bibliografía e recursos electrónicos para obter información. |
| Laboratory practice | <p>Sesións nas que se traballará co alumnado a solución dos problemas propostos nas sesións expositivas. Tentarase abordar problemas de relevancia na Intelixencia Artificial. Ofertarase a posibilidade, con carácter voluntario, de se organizar en grupos para a resolución de tests de seguimento.</p> <p>Nestas prácticas fomentárase:</p> <ul style="list-style-type: none">-O deseño de estratexias autónomas para a resolución de problemas propios do curso, e a distinción dos problemas rutineiros dos non rutineiros;-A redacción, de maneira ordenada e con precisión, de pequenos textos matemáticos (resolución de problemas, cuestións teóricas, etc.);- A comunicación a terceiros de razoamentos propios e o traballo en equipo. |
| ICT practicals | <p>Prácticas interactivas que darán continuidade, desde un punto de vista computacional, a aqueles problemas tratados nas prácticas de laboratorio, coa axuda do paquete Python de cálculo simbólico Sympy. Poñerase en perspectiva as vantaxes e inconvenientes do uso do cálculo e da abstracción.</p> |
| Objective test | <p>O exame final será escrito e consistirá nunha colección de problemas teóricos e prácticos, do mesmo tipo que os resoltas nas prácticas de laboratorio (véxase o apartado Avaliación).</p> |

Personalized attention

| Methodologies | Description |
|--|---|
| Laboratory practice Guest lecture / keynote speech | <p>Resolvanse de forma individualizada as preguntas formuladas polo alumnado durante as sesións maxistras e as prácticas de laboratorio. De ser moi específicas, trataranse nunha sesión de apoio semanal, a través Teams, á que estarán convidados todos os estudantes da materia.</p> <p>Poderán participar de forma voluntaria, nun programa de seguimento (EAG) que medirá o seu grao de comprensión da materia e a evolución do seu pensamento científico a través da realización de tests semanais.</p> <p>Os/as alumnos/as poderán revisar, e comentar coa profesora, as notas e correccións de todas as probas realizadas ao longo do cuadrimestre.</p> |



Assessment

| Methodologies | Competencies | Description | Qualification |
|---------------------|-------------------|--|---------------|
| Laboratory practice | A1 B2 B3 B7 B9 C3 | <p>Ao longo do curso o alumno realizará, como máximo, tres entregas de traballos que se resolverán durante horas de clase. Consistirán na resolución de: cuestións curtas sobre contidos teóricos e problemas como os explicados nas prácticas de laboratorio.</p> <p>Puntuaranse, ademais da validez dos argumentos, o rigor, e a redacción do texto matemático, que ha de ser ordenado e preciso. Tamén se poderá valorar a actitude colaborativa do alumnado durante o desenvolvemento das prácticas.</p> <p>A nota obtida neste apartado, L, contribuirá un 30% da nota final. Será a mesma nas dúas oportunidades da convocatoria do curso académico.</p> | 30 |
| Objective test | B2 B5 B7 B9 | <p>Ao final do curso se realizará unha proba escrita que incluírá preguntas curtas de contidos teóricos básicos e problemas similares aos resoltos en clase.</p> <p>Puntuaranse, ademais da validez dos argumentos, o rigor, e a redacción do texto matemático, que ha de ser ordenado e preciso.</p> <p>A nota obtida neste apartado, E, contribuirá un 60% da nota final. Para aprobar a materia é necesario que E sexa maior que 2.25 puntos.</p> <p>A nota final da materia é a suma das notas L+P+E. Considerarase a materia superada cando L+P+E sexa maior ou igual a 5.</p> | 60 |
| ICT practicals | B3 B9 | <p>O/a alumno/a realizará unha práctica de diagonalización de matrices utilizando Python.</p> <p>A nota obtida neste apartado, P, contribuirá un 10% á nota final.</p> | 10 |

Assessment comments

| |
|--|
| |
|--|

Sources of information

| | |
|----------------------|--|
| Basic | <ul style="list-style-type: none"> - David C. Lay (2012). Álgebra Lineal y sus aplicaciones, 4ª ed.. Pearson - Ron Larson, Bruce H. Edwards, David. C. Falvo, Lorenzo Abellanas (2004). Álgebra Lineal, 5ª edición. Pirámide - Gilbert Strang (2007). Álgebra lineal y sus aplicaciones . Thomson - L. Merino, E. Santos (2006). Álgebra lineal con métodos elementales. Thomson |
| Complementary | - J. Arvesú, F. Marcellán, J. Sánche (2005). Problemas resueltos de Álgebra Lineal. Thomson |

Recommendations

Subjects that it is recommended to have taken before

| |
|--|
| |
|--|

Subjects that are recommended to be taken simultaneously

| |
|--|
| |
|--|

Subjects that continue the syllabus

| |
|--|
| |
|--|

Other comments

| |
|--|
| |
|--|



Estudo diario dos contidos tratados nas sesións maxistras, complementados cos contidos do campus virtual e a bibliografía recomendada. Resolución de problemas propostos nas sesións prácticas, así como doutros obtidos da bibliografía recomendada. Nos casos posibles, comprobar sistematicamente que as solucións obtidas mediante cálculos á man, coinciden coas solucións obtidas utilizando Python. Uso das sesións semanais de apoio vía Teams para dúbidas sobre os contidos da materia.

(*)The teaching guide is the document in which the URV publishes the information about all its courses. It is a public document and cannot be modified. Only in exceptional cases can it be revised by the competent agent or duly revised so that it is in line with current legislation.