|                       |                                    | Guia do  | cente         |        |                 |           |
|-----------------------|------------------------------------|--|---------------|--------|-----------------|-----------|
| Datos Identificativos |                                    |  |               |        |                 | 2022/23   |
| Asignatura (*)        | Cálculo                            |  |               |        | Código          | 632G01002 |
| Titulación            | Grao en Enxeñaría de Obras Púb     | olicas   |               |        |                 | '         |
|                       |                                    | Descrip  | otores        |        |                 |           |
| Ciclo                 | Periodo                            | Cur  | so            |        | Tipo            | Créditos  |
| Grado                 | Anual Primero Formación básica     |  |               |        |                 |           |
| Idioma                | CastellanoGallego                  |  |               |        |                 |           |
| Modalidad docente     | Presencial                         |  |               |        |                 |           |
| Prerrequisitos        |                                    |  |               |        |                 |           |
| Departamento          | Matemáticas                        |  |               |        |                 |           |
| Coordinador/a         | Nogueira Garea, Xesus Anton        |  | Correo electi | rónico | xesus.nogueira@ | udc.es    |
| Profesorado           | Couceiro Aguiar, Iván              | Couceiro Aguiar, Iván Correo electrónico ivan.couceiro.aguiar@udc.es |               |        |                 |           |
|                       | Fe Marques, Jaime                  |  |               |        | jaime.fe@udc.es |           |
|                       | Nogueira Garea, Xesus Anton        |  |               |        | xesus.nogueira@ | udc.es    |
| Web                   | loki.udc.es/info/asignaturas/grado | _itop/102/   |               |        |                 |           |
| Descripción general   | Ver campus virtual de la asignatu  | ra   |               |        |                 |           |

|        | Competencias del título   |
|--------|---|
| Código | Competencias del título   |
| A1     | Capacidad para la resolución de los problemas matemáticos que puedan plantearse en la ingeniería. Aptitud para aplicar los                |
|        | conocimientos sobre: álgebra lineal; geometría; geometría diferencial; cálculo diferencial e integral; ecuaciones diferenciales y en      |
|        | derivadas parciales; métodos numéricos; algorítmica numérica; estadística y optimización.   |
| A2     | Conocimientos básicos sobre el uso y programación de los ordenadores, sistemas operativos, bases de datos y programas informáticos        |
|        | con aplicación en ingeniería.   |
| B1     | Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación         |
|        | secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspecto   |
|        | que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio  |
| B2     | Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que        |
|        | suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio          |
| В3     | Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir   |
|        | juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética  |
| B4     | Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado   |
| B5     | Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un altre    |
|        | grado de autonomía  |
| B6     | Aprender a aprender.  |
| B7     | Resolver problemas de forma efectiva.   |
| B8     | Aplicar un pensamiento crítico, lógico y creativo.  |
| В9     | Trabajar de forma autónoma con iniciativa.  |
| B12    | Comunicarse de manera efectiva en un entorno de trabajo.  |
| B15    | Utilizar las herramientas básicas de las tecnologías de la información y las comunicaciones (TIC) necesarias para el ejercicio de su      |
|        | profesión y para el aprendizaje a lo largo de la vida.  |
| B18    | Valorar críticamente el conocimiento, la tecnología y la información disponible para resolver los problemas con que deben enfrentarse.    |
| B20    | Valorar la importancia que tiene la investigación, la innovación y el desarrollo tecnológico en el avance socioeconómico y cultural de la |
|        | sociedad.   |
| C3     | Aprovechamiento e incorporación de las nuevas tecnologías   |
| C7     | Apreciación de la diversidad.   |
| C8     | Facilidad para la integración en equipos multidisciplinares.  |
| C10    | Capacidad de análisis, síntesis y estructuración de la información y las ideas.   |
| C11    | Claridad en la formulación de hipótesis.  |



| C12 | Capacidad de abstracción.   |
|-----|---|
| C13 | Capacidad de trabajo personal, organizado y planificado.  |
| C15 | Capacidad de enfrentarse a situaciones nuevas.  |
| C16 | Habilidades comunicativas y claridad de exposición oral y escrita.  |
| C18 | Capacidad para aplicar conocimientos básicos en el aprendizaje de conocimientos tecnológicos y en su puesta en práctica |

| Resultados de aprendizaje  |    |                         |     |  |
|--|----|-------------------------|-----|--|
| Resultados de aprendizaje  |    | Competencias del título |     |  |
|  |    |                         |     |  |
| Conocer, entender y utilizar la notación matemática  | A1 |                         | C12 |  |
| Mejorar la capacidad de razonamiento matemático adquiriendo o desarrollando distintas habilidades: operar, simplificar,          | A1 | B6                      | C10 |  |
| despejar, relacionar, distinguir, deducir, demostrar.  |    | B7                      | C15 |  |
|  |    | B8                      | C18 |  |
| Resolver problemas matemáticos aplicando la teoría del Cálculo Infinitesimal.  | A1 | B1                      | C11 |  |
|  | A2 | B2                      | C13 |  |
|  |    | В3                      | C15 |  |
|  |    | B4                      | C16 |  |
|  |    | B5                      | C18 |  |
|  |    | B7                      |     |  |
|  |    | B8                      |     |  |
|  |    | В9                      |     |  |
| Adquirir una actitud de análisis ante los distintos problemas que surgen, tanto en el estudio actual como en el futuro ejercicio |    | B6                      | C3  |  |
| de la profesión.   |    | B8                      | C10 |  |
|  |    | B18                     | C15 |  |
|  |    |                         | C18 |  |
| Aprender a tomar decisiones, estudiando y reflexionando previamente.   |    | B6                      | C7  |  |
|  |    | B8                      | C8  |  |
|  |    | B12                     | C10 |  |
|  |    | B15                     | C15 |  |
|  |    | B20                     | C18 |  |

|                                  | Contenidos  |
|----------------------------------|---|
| Tema                             | Subtema   |
| I. NÚMEROS. ESPACIOS MÉTRICOS    | 1. Sucesivas ampliaciones del concepto de número. Números naturales. Números          |
|                                  | enteros. Números racionales.  |
|                                  | 2. El cuerpo ordenado de los números reales. Representación decimal. Cotas.           |
|                                  | Conjuntos acotados. Números irracionales.   |
|                                  | 3. Valor absoluto. Propiedades.   |
|                                  | 4. Números Complejos.   |
|                                  | 5. Espacios métricos. Topología elemental de R y Rn                                   |
| II. SUCESIONES DE NÚMEROS REALES | 1. Sucesiones. Definición. Límite de una sucesión. Tipo de sucesiones. Sucesiones     |
|                                  | acotadas.   |
|                                  | 2. Propiedades de los límites.  |
|                                  | 3. Sucesiones monótonas.  |
|                                  | 4. Operaciones con límites.   |
|                                  | 5. Indeterminaciones.   |
|                                  | 6. Criterios de convergencia. Criterio de Stolz.                                      |
|                                  | 7. Infinitos e infinitésimos. Sucesiones equivalentes. Métodos de cálculo de límites. |

| III. FUNCIONES EN R.                    | 1.Funciones reales de variable real. Dominio y recorrido. Extremos de una función.  |
|---|---|
|   | 2. Límite funcional. Definición. Límites laterales. Límite infinito y límite en el infinito. Relación entre el límite funcional y el límite por sucesiones. Propiedades de los límites. Tipos de indeterminación. Infinitos e infinitésimos. Funciones equivalentes en un punto. Sustitución por funciones equivalentes.  |
|   | 3. Funciones continuas. Definición Continuidad lateral. Discontinuidades. Operaciones con funciones continuas. Teoremas de las funciones continuas.   |
|   | 4. Funciones diferenciables. Derivada y diferencial. Relación entre continuidad y diferenciabilidad. Operaciones con funciones diferenciables. Regla de la cadena. Derivada de la función inversa. Teoremas del valor medio. Derivadas laterales. Reglas de L?Hôpital. Derivadas sucesivas. Desarrollos de Taylor y MacLaurin. Resto de Lagrange. Extremos relativos y absolutos. Cálculo de extremos de funciones.           |
| IV. INTEGRACIÓN                         | <ol> <li>Primitiva de una función.</li> <li>Integral de Riemann. Definición. Propiedades. Teorema del valor medio del cálculo integral.</li> <li>Teorema fundamental del cálculo. Regla de Barrow.</li> <li>Aplicaciones geométricas de la integral.</li> <li>Integrales impropias.</li> </ol>  |
| V. FUNCIONES REALES DE VARIAS VARIABLES | <ol> <li>Límites y continuidad. Diferenciabilidad. Derivada direccional. Derivadas parciales.</li> <li>Derivadas de orden superior.</li> <li>Composición de funciones. Regla de la cadena.</li> <li>Cálculo de extremos de funciones reales de varias variables. Puntos críticos.</li> <li>Matriz Hessiana.</li> <li>Función implícita.</li> <li>Extremos condicionados.</li> <li>Integración de varias variables.</li> </ol> |
| VI. SERIES DE NÚMEROS REALES            | <ol> <li>Definiciones. Serie aritmética y geométrica. Condición necesaria de convergencia.</li> <li>Propiedades de las series.</li> <li>Series de términos positivos. Criterios de convergencia.</li> <li>Series de términos positivos y negativos. Convergencia y divergencia absoluta e incondicional. Series alternadas. Teorema de Leibnitz. Sumación de series.</li> </ol>   |

| Planificación            |                    |                    |                  |               |  |  |
|--------------------------|--------------------|--------------------|------------------|---------------|--|--|
| Metodologías / pruebas   | Competéncias       | Horas presenciales | Horas no         | Horas totales |  |  |
|                          |                    |                    | presenciales /   |               |  |  |
|                          |                    |                    | trabajo autónomo |               |  |  |
| Prácticas de laboratorio | A1 B12 B6 B8 B18   | 45                 | 47.25            | 92.25         |  |  |
|                          | B20 B7 C10 C11 C12 |                    |                  |               |  |  |
|                          | C15 C18 C8         |                    |                  |               |  |  |
| Prueba de discriminación | A1 B1 B2 B3 B4 B5  | 3                  | 0                | 3             |  |  |
|                          | B6 B8 B7 C10 C11   |                    |                  |               |  |  |
|                          | C13 C15 C16 C18    |                    |                  |               |  |  |
| Sesión magistral         | A1 B6 B8 B18 B20   | 45                 | 47.25            | 92.25         |  |  |
|                          | C10 C11 C15 C18    |                    |                  |               |  |  |
| Solución de problemas    | A1 A2 B6 B8 B7 C10 | 0                  | 17.5             | 17.5          |  |  |
|                          | C11 C12 C15 C18    |                    |                  |               |  |  |

| Prueba mixta  | A1 B6 B8 B7 C10    | 3 | 0 | 3 |  |
|---|--------------------|---|---|---|--|
|   | C12 C15 C18        |   |   |   |  |
| Actividades iniciales   | A1 B6 C10 C15 C18  | 0 | 8 | 8 |  |
| Lecturas  | A1 B9 B15 B6 B8 C3 | 0 | 8 | 8 |  |
|   | C7 C15 C18         |   |   |   |  |
| Atención personalizada  |                    | 1 | 0 | 1 |  |
| (*) Les dates que en conserve en la table de planificación de conésteu estantetivo considerande la betagnación de la clumpa |                    |   |   |   |  |

(\*)Los datos que aparecen en la tabla de planificación són de carácter orientativo, considerando la heterogeneidad de los alumnos

|                       | Metodologías   |
|-----------------------|--|
| Metodologías          | Descripción  |
| Prácticas de          | Sesiones participativas de resolución de problemas.  |
| laboratorio           |  |
| Prueba de             | Resolución individual o en grupo de un test de autoevaluación al finalizar cada tema.  |
| discriminación        |  |
| Sesión magistral      | Exposiciones de la teoría de la asignatura. Van seguidas de un tiempo dedicado a aclaración individual de dudas.             |
| Solución de           | Resolución, individual o en grupo, de ejercicios propuestos y entrega de los mismos en fechas determinadas.                  |
| problemas             |  |
| Prueba mixta          | Los exámenes constan de dos partes: teoría y ejercicio de problemas. La duración de cada examen es de unas 3.25-3.50 h.      |
| Actividades iniciales | Antes de comenzar cada uno de los 6 temas de la asignatura, se recomienda el acceso, en la página web de la universidad,     |
|                       | al Precurso II de Matemáticas. Debe realizarse el estudio del material básico facilitado, con la resolución personal de los  |
|                       | ejercicios propuestos, como garantía de que se poseen los conocimientos requeridos para el tema que se va a comenzar.        |
| Lecturas              | Antes o durante el desarrollo de cada uno de los 6 temas de la asignatura, es preciso dedicar al menos 1 hora al estudio del |
|                       | material de apoyo que figura en la página web de la asignatura.  |

| Atención personalizada |  |  |  |  |
|------------------------|--|--|--|--|
| Metodologías           | Descripción  |  |  |  |
| Prácticas de           | Para la correcta asimilación de los contenidos desarrollados en las clases de teoría (sesiones magistrales) y en las de    |  |  |  |
| laboratorio            | problemas (prácticas de laboratorio) es recomendable consultar con el profesor las dudas que surjan durante estas clases o |  |  |  |
| Sesión magistral       | el estudio personal de la materia. También se pueden consultar en las entrevistas de atención personalizada las dudas que  |  |  |  |
| Solución de            | se plantean durante la resolución personal de los problemas de entrega voluntaria.   |  |  |  |
| problemas              |  |  |  |  |

|              |                    | Evaluación  |              |
|--------------|--------------------|---|--------------|
| Metodologías | Competéncias       | Descripción   | Calificación |
| Solución de  | A1 A2 B6 B8 B7 C10 | Ver campus virtual o página web de la asignatura:   | 5            |
| problemas    | C11 C12 C15 C18    | http://loki.udc.es/info/asignaturas/grado_itop/102/ |              |
| Prueba mixta | A1 B6 B8 B7 C10    | Ver campus virtual o página web de la asignatura:   | 95           |
|              | C12 C15 C18        | http://loki.udc.es/info/asignaturas/grado_itop/102/ |              |
| Otros        |                    | Dos parciales compensatorios.                       |              |

| Observaciones evaluación |  |
|--------------------------|--|
|                          |  |

Fuentes de información

| Básica         | - Bradley, G. L., Smith, K. J (1998). Cálculo de varias variables. Prentice-Hall Iberia                           |
|----------------|---|
|                | - Piskunov, N (1983). Cálculo diferencial e integral. Montaner y Simón  |
|                | - García, A. y otros (1998). Cálculo I. Teoría y problemas de Análisis Matemático en una variable. CLAGSA, Madrid |
|                | - García, A. y otros (2002). Cálculo II. Teoría y problemas de funciones de varias variables. CLAGSA, Madrid      |
|                | - Spivak, M. (1991). Cálculo infinitesimal. Reverté   |
|                | - Granero, F. (1995). Cálculo Infinitesimal. Una y varias variables. Mc Graw-Hill, Madrid                         |
|                | - Granero, F. (2001). Cálculo Integral y aplicaciones. Prentice Hall; Madrid                                      |
|                | - Granero, F. (1991). Ejercicios y problemas de Cálculo (2 tomos). Tébar Flores, Albacete                         |
|                | - Franco, J.R. (2003). Introducción al Cálculo. Problemas y ejercicios resueltos. Prentice Hall, Madrid           |
| Complementária | - Tébar, E. y Tébar M.A. (1991). 909 problemas de Cálculo Integral (2 tomos) . Tébar Flores, Madrid               |
|                | - Besada, M. y otros (2001). Cálculo de varias variables. Problemas y ejercicios resueltos. Prentice Hall; Madrid |
|                | - Burgos, J (2006). Cálculo Infinitesimal de una variable. Madrid, Mc Graw-Hill                                   |
|                | - Marsden, J.; Tromba, A. (2004). Cálculo Vectorial. Madrid, Pearson-Addison Wesley                               |
|                | - Galindo, F. y otros (2003). Guía práctica de Cálculo Infinitesimal en una variable real. Madrid, Thomson        |
|                | - Galindo, F. y otros (2005). Guía práctica de Cálculo Infinitesimal en varias variables. Madrid, Thomson         |
|                |   |

|                   | Recomendaciones   |
|-------------------|---|
|                   | Asignaturas que se recomienda haber cursado previamente |
|                   |   |
|                   | Asignaturas que se recomienda cursar simultáneamente    |
| Álgebra/632G01001 |   |
|                   | Asignaturas que continúan el temario                    |
|                   |   |
|                   | Otros comentarios                                       |

Antes de comezar cada unha das materias da materia, recoméndase acceder aos precursores na aula virtual da materia. O estudo do material básico proporcionado deberá realizarse, coa resolución persoal dos exercicios propostos, como garantía de que se posúen os coñecementos necesarios para o inicio do tema.

(\*) La Guía Docente es el documento donde se visualiza la propuesta académica de la UDC. Este documento es público y no se puede modificar, salvo cosas excepcionales bajo la revisión del órgano competente de acuerdo a la normativa vigente que establece el proceso de elaboración de guías