



Teaching Guide				
Identifying Data				2022/23
Subject (*)	Álgebra lineal I	Code	632G02007	
Study programme	Grao en Tecnoloxía da Enxeñaría Civil			
Descriptors				
Cycle	Period	Year	Type	Credits
Graduate	1st four-month period	First	Basic training	6
Language	SpanishEnglish			
Teaching method	Face-to-face			
Prerequisites				
Department	Matemáticas			
Coordinador	Fuentes Garcia, Luis	E-mail	luis.fuentes@udc.es	
Lecturers	, Colominas Ezponda, Ignasi Dominguez Perez, Xabier E. Fuentes Garcia, Luis Taboada Vazquez, Raquel	E-mail	laura.edreiram@udc.es ignacio.colominas@udc.es xabier.dominguez@udc.es luis.fuentes@udc.es raquel.taboada@udc.es	
Web	caminos.udc.es/info/asignaturas/grado_tecic/101/AL1/index.html			
General description	The aim of the course is to provide a solid background in linear algebra and mathematical foundation engineering. This first part of the course focuses on studying finite dimensional vector spaces.			

Study programme competences / results	
Code	Study programme competences / results
A1	Capacidad para plantear y resolver los problemas matemáticos que puedan plantearse en el ejercicio de la profesión. En particular, conocer, entender y utilizar la notación matemática, así como los conceptos y técnicas del álgebra y del cálculo infinitesimal, los métodos analíticos que permiten la resolución de ecuaciones diferenciales ordinarias y en derivadas parciales, la geometría diferencial clásica y la teoría de campos, para su aplicación en la resolución de problemas de Ingeniería Civil.
B1	Que los estudiantes hayan demostrado poseer y comprender conocimientos en un área de estudio que parte de la base de la educación secundaria general, y se suele encontrar a un nivel que, si bien se apoya en libros de texto avanzados, incluye también algunos aspectos que implican conocimientos procedentes de la vanguardia de su campo de estudio
B2	Que los estudiantes sepan aplicar sus conocimientos a su trabajo o vocación de una forma profesional y posean las competencias que suelen demostrarse por medio de la elaboración y defensa de argumentos y la resolución de problemas dentro de su área de estudio
B3	Que los estudiantes tengan la capacidad de reunir e interpretar datos relevantes (normalmente dentro de su área de estudio) para emitir juicios que incluyan una reflexión sobre temas relevantes de índole social, científica o ética
B4	Que los estudiantes puedan transmitir información, ideas, problemas y soluciones a un público tanto especializado como no especializado
B5	Que los estudiantes hayan desarrollado aquellas habilidades de aprendizaje necesarias para emprender estudios posteriores con un alto grado de autonomía
B6	Resolver problemas de forma efectiva.
B7	Aplicar un pensamiento crítico, lógico y creativo.
B8	Trabajar de forma colaborativa.
B10	Comunicarse de manera efectiva en un entorno de trabajo.
B15	Claridad en la formulación de hipótesis.
B16	Capacidad de autoaprendizaje mediante la inquietud por buscar y adquirir nuevos conocimientos, potenciando el uso de las nuevas tecnologías de la información y así poder enfrentarse adecuadamente a situaciones nuevas.
B17	Capacidad para aumentar la calidad en el diseño gráfico de las presentaciones de trabajos.
B18	Capacidad para aplicar conocimientos básicos en el aprendizaje de conocimientos tecnológicos y en su puesta en práctica.
B19	Capacidad de realizar pruebas, ensayos y experimentos, analizando, sintetizando e interpretando los resultados.
C1	Expresarse correctamente, tanto de forma oral como por escrito, en las lenguas oficiales de la comunidad autónoma.
C2	Dominar la expresión y la comprensión de forma oral e escrita de un idioma extranjero.



C3	Utilizar las herramientas básicas de las tecnologías de la información y las comunicaciones (TIC) necesarias para el ejercicio de su profesión y para el aprendizaje a lo largo de la vida.
C4	Desarrollarse para el ejercicio de una ciudadanía abierta, culta, crítica, comprometida, democrática y solidaria, capaz de analizar la realidad, diagnosticar problemas, formular e implantar soluciones basadas en el conocimiento y orientadas al bien común.
C6	Valorar críticamente el conocimiento, la tecnología y la información disponible para resolver los problemas con que deben enfrentarse.
C7	Asumir como profesional y ciudadano la importancia del aprendizaje a lo largo de la vida.
C8	Valorar la importancia que tiene la investigación, la innovación y el desarrollo tecnológico en el avance socioeconómico y cultural de la sociedad.

Learning outcomes			
Learning outcomes	Study programme competences / results		
To know and to understand the basic theory of linear algebra required in civil engineering , especially the study of vector spaces.	A1	B1 B6 B7 B8 B15 B18	C3 C7
Know, understand and manage elementary mathematical notation.	A1	B1 B3 B5 B6 B7 B18	C1 C3 C6
Learn to express with precision and rigor.	A1	B4 B7 B10 B17	C1 C2
Learn to use the basic techniques of mathematical reasoning.	A1	B2 B3 B6 B7	C1
Understanding the importance of justifying the thesis and results in science .	A1	B1 B3 B16 B19	C4 C6
Develop critical thinking and analytical skills .	A1	B2 B3 B7	C1 C4 C8
Learn to pose and solve mathematical problems of Linear Algebra,	A1	B2 B3 B6 B7 B8 B10 B15	C1

Contents	
Topic	Sub-topic



I. Preliminars.	<ul style="list-style-type: none"><li>1. Correspondences and maps.<ul style="list-style-type: none"><li>1.1 Sets, Definition and notation. Operations with sets.</li><li>1.2 Correspondences. Maps. Definition, properties and classification.</li></ul></li> <li>2. Combinatorics.<ul style="list-style-type: none"><li>2.1. Product rule.</li><li>2.2. Variations.</li><li>2.3. Permutations.</li><li>2.4. Combinations.</li></ul></li></ul>
II. Matrices and determinants.	<ul style="list-style-type: none"><li>1. Matrices.<ul style="list-style-type: none"><li>1.1 Basic definitions.</li><li>1.2 Operations with matrices.</li><li>1.3 Special matrices.</li></ul></li> <li>2. Determinants.<ul style="list-style-type: none"><li>2.1 Preliminars on permutacions.</li><li>2.2 Determinant of a square matrix: definition and properties.</li><li>2.3. Development of a determinant by adjoints.</li><li>2.4. Rank of a matrix.</li><li>2.5. Inverse of a matrix.</li></ul></li> <li>3. Equivalence and congruence of matrices.<ul style="list-style-type: none"><li>3.1 Elementary transformations.</li><li>3.2 Row equivalence of matrices.</li><li>3.3 Column equivalence of matrices.</li><li>3.4 Matrix equivalence.</li><li>3.5 Matrix congruence.</li></ul></li> <li>4. Systems of linear equations.<ul style="list-style-type: none"><li>4.1 Cramer's rule.</li><li>4.2 Rouche-Frobenius' Theorem.</li><li>4.3 Gaussian elimination.</li></ul></li></ul>



III. Vectorial spaces.	<p>1. Vectorial spaces and subspaces.</p> <p>1.1 Definition and properties.</p> <p>1.2 Vectorial subspaces.</p> <p>2. Spanning systems. Free linear systems. Basis.</p> <p>2.1 Linear combinations of vectors.</p> <p>2.2 Linear dependence and independence of vectors.</p> <p>2.3 Basis, dimension and coordinates.</p> <p>2.4 Rank of a vector set.</p> <p>2.5 Change of basis.</p> <p>2.6 Equations of a subspace.</p> <p>2.7 Dimension formula.</p> <p>3. Linear maps.</p> <p>3.1 Definitions and properties.</p> <p>3.2 Matrix form of a linear map.</p> <p>3.3 Change of basis.</p> <p>3.4 Kernel and image of a linear.</p> <p>3.5 Composition of homomorphisms.</p> <p>4. Endomorphisms.</p> <p>4.1 Introduction.</p> <p>4.2 Eigen values and eigen vectors.</p> <p>4.3 Diagonalization by similarity.</p> <p>4.4 Triangularization by similarity. Jordan form</p>
------------------------	--

Planning				
Methodologies / tests	Competencies / Results	Teaching hours (in-person & virtual)	Student's personal work hours	Total hours
Guest lecture / keynote speech	A1 B2 B3	27	32	59
Seminar	A1 B2 B3	27	33	60
Mixed objective/subjective test	A1 B2 B3	3	3	6
Problem solving	A1 B2 B3	0	10	10
Workbook	A1 B2 B3	0	10	10
Personalized attention		5	0	5

(\*)The information in the planning table is for guidance only and does not take into account the heterogeneity of the students.

Methodologies	
Methodologies	Description
Guest lecture / keynote speech	<p>New mathematic concepts will be developed from examples familiar for the students, or explaining the questions are wished to be solved with them; from this their common characters will be abstracted causing its more accuracy definition. The theory which allows to solve the questions described at the beginning will be developed after.</p> <p>Students participation is desirable, sharing their doubts or comments as the class progresses.</p>
Seminar	<p>Simultaneously to the theoretical development of the matter collections of exercises are given.</p> <p>The goal is allowing students to practise the knowledge acquired at theoretical classes.</p> <p>At seminars the most important problems will be discussed.</p>



Mixed objective/subjective test	Exam where concepts are methods of the subjects are evaluated.
Problem solving	Each student must solve individually some of the proposed problems.
Workbook	Before the beginning of each item, some notes about the contents are available for the students. The notes are intended as a complement of teacher's explanations.  A previous reading of students familiarize them with an outline of what they will study.

### Personalized attention

Methodologies	Description
Problem solving Seminar Guest lecture / keynote speech	We recommend using tutorials to ask any question regarding the subject, both theoretical and practical aspects.

### Assessment

Methodologies	Competencies / Results	Description	Qualification
Problem solving	A1 B2 B3	Each student must solve individually some of the proposed problems.	10
Mixed objective/subjective test	A1 B2 B3	Exam where concepts are methods of the subjects are evaluated.	90
Others			

### Assessment comments

### Sources of information

<b>Basic</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- Juan de Burgos (2000). Álgebra Lineal. McGraw-Hill</li> <li>- Fuentes, Saleté y Cruces (1980). Álgebra vectorial y Tensorial. ETSICCP Madrid</li> <li>- F. Granero (1992). Álgebra y Geometría Analítica. McGraw-Hill</li> <li>- Anzola, Caruncho y Pérez-Canales (1981). Problemas de Álgebra (Tomos 1,3). Madrid</li> <li>- S. Lipschutz, M.L. Lipson (2000). Teoría y problemas de probabilidad. McGraw-Hill</li> <li>- Luis Fuentes García (2005-). Apuntes y ejemplos (<a href="http://caminos.udc.es/info/asignaturas/grado_tecic/101/AL1/index.html">http://caminos.udc.es/info/asignaturas/grado_tecic/101/AL1/index.html</a>). A Coruña</li> </ul>
<b>Complementary</b>	<ul style="list-style-type: none"> <li>- J. Rojo (2001). Álgebra lineal. McGraw-Hill</li> <li>- F. Ayres Jr. (1991). Teoría y problemas de matrices. McGraw-Hill</li> <li>- J. Rojo e I. Martín (1994). Ejercicios y problemas de álgebra. McGraw-Hill</li> <li>- S.I. Grossman (1995). Álgebra lineal. McGraw-Hill</li> <li>- J. Flaquer y otros (1996). Curso de álgebra lineal. Ediciones Universidad de Navarra</li> <li>- P. Sanz y otros (1998). Problemas de álgebra lineal. Prentice Hall</li> <li>- M. Castellet e I. Llerena (1991). Álgebra lineal y geometría. Reverté</li> <li>- J. Arvesú y otros (1999). Álgebra lineal y aplicaciones. Síntesis</li> <li>- J. Pérez Vilaplana (1991). Problemas de cálculo de probabilidades. Paraninfo</li> </ul>

### Recommendations

Subjects that it is recommended to have taken before



Subjects that are recommended to be taken simultaneously
Cálculo infinitesimal I/632G02001
Subjects that continue the syllabus
Álgebra lineal II/632G02008 Cálculo de probabilidades e estatística/632G02013 Fundamentos de mecánica computacional/632G02015 Ecuacións diferenciais/632G02017
Other comments

(\*)The teaching guide is the document in which the URV publishes the information about all its courses. It is a public document and cannot be modified. Only in exceptional cases can it be revised by the competent agent or duly revised so that it is in line with current legislation.