



Guía Docente			
Datos Identificativos			2023/24
Asignatura (*)	Cálculo Multivariable	Código	614G02006
Titulación	Grao en Ciencia e Enxeñaría de Datos		
Descriptores			
Ciclo	Período	Curso	Tipo
Grao	2º cuatrimestre	Primeiro	Formación básica
Idioma	CastelánGalego		
Modalidade docente	Híbrida		
Prerrequisitos			
Departamento	Matemáticas		
Coordinación	Hervella Nieto, Luis María	Correo electrónico	luis.hervella@udc.es
Profesorado	Benítez García, Marta Hervella Nieto, Luis María Ráfales Pérez, Jonatan	Correo electrónico	marta.benitez@udc.es luis.hervella@udc.es jonatan.rafales.perez
Web	Microsoft Teams		
Descripción xeral	O Cálculo Multivariable e os seus métodos de resolución son ferramentas básicas para a descripción e o estudo dos problemas matemáticos más simples que se poden enunciar tanto en dúas como en tres dimensións: no ámbito da arquitectura, a enxeñaría ou nas ciencias aplicadas. Nesta materia farase unha introdución á resolución de problemas de optimización (cálculo de extremos relativos e absolutos de funcións de varias variables reais) e estudaranse distintos procedementos para o cálculo de integrais escalares de funcións de varias variables (integrais dobles e triples). Ademais, describiranse as nocións más básicas das integrais de liña e de superficie.		

Competencias do título	
Código	Competencias do título
A1	CE1 - Capacidade para utilizar con destreza conceptos e métodos propios da matemática discreta, a álgebra lineal, o cálculo diferencial e integral, e a estatística e probabilidade, na resolución dos problemas propios da ciencia e enxeñaría de datos.
A2	CE2 - Capacidade para resolver problemas matemáticos, planificando a súa resolución en función das ferramentas dispoñibles e das restricións de tempo e recursos.
B1	CB1 - Que os estudiantes demostrases posuér e comprender coñecementos nunha área de estudio que parte da base da educación secundaria xeral, e adóitase atopar a un nivel que, aínda que se apoia en libros de texto avanzados, inclúe tamén algúns aspectos que implican coñecementos procedentes da vanguarda do seu campo de estudio
B5	CB5 - Que os estudiantes desenvolvesen aquelas habilidades de aprendizaxe necesarias para emprender estudos posteriores cun alto grao de autonomía
B6	CG1 - Ser capaz de buscar e seleccionar a información útil necesaria para resolver problemas complexos, manexando con soltura as fontes bibliográficas do campo.
C1	CT1 - Utilizar as ferramentas básicas das tecnoloxías da información e as comunicacións (TIC) necesarias para o exercicio da súa profesión e para a aprendizaxe ao longo da súa vida.

Resultados da aprendizaxe			
Resultados de aprendizaxe			Competencias do título
Manexar con soltura a representación matemática espacial e as funcións de varias variables. Calcular os seus límites e estudar a súa continuidade.		A2	B5 C1
Saber calcular derivadas parciais. Manexar cambios de variable e aplícalos na derivación.		A1	B1
Saber enunciar e resolver problemas de optimización de funcións en varias variables e coñecer as súas aplicacións prácticas		A1 A2	B6
Coñecer os métodos de cálculo integral para funcións de dúas e tres variables e saber aplícalas a problemas xeométricos		A2	B5 C1 B6



Contidos	
Temas	Subtemas
Vectores e xeometría do espazo	Vectores no plano Vectores no espazo Producto escalar Producto vectorial Producto triple Rectas e planos no espazo Superficies no espazo Coordenadas cilíndricas y esféricas
Límites e continuidade	Funcións de varias variables Límites Continuidade
Derivación e extremos	Derivadas parciais Derivadas direccionalis e gradiente Diferenciabilidade Plano tanxente Regra da cadea Extremos relativos en 2D Extremos absolutos Aplicaciones del cálculo de extremos
Integración	Revisión dunha variable Integración 2D Integrais dobles Cambio de variable Integrais triples
Python para cálculo de varias variables	Introducción a Sympy Introducción a NumPy Representación gráfica con Matplotlib Límites y continuidad con Python Derivadas con Python Extremos (relativos y absolutos) con Python Integración con Python

Planificación				
Metodoloxías / probas	Competencias	Horas presenciais	Horas non presenciais / traballo autónomo	Horas totais
Sesión maxistral	A1 A2 B1 B5	28	28	56
Prácticas a través de TIC	A2 B5 B6 C1	20	40	60
Solución de problemas	A2 B5 B6 C1	10	20	30
Proba mixta	A1 A2 C1	2	0	2
Atención personalizada		2	0	2

*Os datos que aparecen na táboa de planificación son de carácter orientativo, considerando a heteroxeneidade do alumnado

Metodoloxías	
Metodoloxías	Descripción



Sesión magistral	Exposición no encerrado ou coa axuda de medios audiovisuais, os contidos especificados no programa da materia. A finalidade destas sesións é proporcionar ao alumnado os coñecementos básicos que lle faciliten a aprendizaxe e lle permitan abordar o estudo da materia do modo más autónomo posible, coa axuda da bibliografía e dos exercicios que se propoñan ao longo de todo o curso
Prácticas a través de TIC	Prácticas interactivas nas que se resolverán problemas aplicados relacionados cos contidos do curso coa axuda do paquete Python de cálculo simbólico Sympy (mediante o uso de procedementos tanto de cálculo simbólico como numérico).
Solución de problemas	Sesiós nas que trataranse de resolver problemas de relevancia na enxeñaría e nas ciencias aplicadas. Tamén se dará conta das dúbidas enunciadas polos alumnos. Así mesmo, traballarase tamén a resolución de exercicios propostos nas sesións expositivas e darase continuidade, dende un punto de vista analítico, a aqueles problemas propostos nas prácticas de ordenador.
Proba mixta	Realización dun exame escrito que consistirá nunha colección de cuestións teóricas e de problemas (do mesmo tipo que as cuestións e problemas propostos nas sesións expositivas e seminarios).

Atención personalizada

Metodoloxías	Descripción
Prácticas a través de TIC	a) A diversidade do alumnado e da súa formación fai recomendable unha orientación personalizada, que podería levarse a cabo no marco dunha acción titorial
Solución de problemas	b) Nas prácticas con ferramentas TIC, o profesorado presente na aula de informática axudará ao alumnado no desenvolvemento dos problemas enunciados nas sesións prácticas, tanto no manexo do paquete Python de cálculo simbólico Sympy como na compresión dos aspectos teóricos e prácticos do cálculo en varias variables c) Durante as sesións de resolución de problemas, o profesorado fará un seguimento máis detallado do alumnado no proceso da súa aprendizaxe mediante a resolución de cuestións teóricas, resolución de problemas e aplicacións a problemas simples no ámbito da enxeñaría e as ciencias aplicadas.

Avaliación

Metodoloxías	Competencias	Descripción	Cualificación
Prácticas a través de TIC	A2 B5 B6 C1	Non se realizarán probas de evaluación durante estas sesións.	0
Solución de problemas	A2 B5 B6 C1	Realizaranse 4 probas de evaluación durante os seminarios da materia que supoñerán, cada unha delas, ata o 15% da nota final. En cada unha destas probas, o alumnado deberá resolver un problema práctico da materia, do mesmo tipo que os presentes nos boletíns de problemas, podendo utilizar o seu computador portátil e o software explicado durante as prácticas de laboratorio.	60
Proba mixta	A1 A2 C1	Proba escrita que inclúe resolución de problemas e cuestións breves (que poden referirse tanto a contidos teóricos como ás prácticas de computador). O seu valor na evaluación estará entre o 40 e o 100%, dependendo da cualificación obtida na parte de seminarios.	40

Observacións avaliación



O alumnado acabará o período de clases cun máximo dun 60% da cualificación, que obterá través de catro controis que se realizarán nas sesións de seminarios (cun peso dun 15% cada un).

En cada un destes controis, cada estudiante resolverá un problema práctico de desenvolvemento utilizando o seu computador portátil e o software Python, explicado nas prácticas de laboratorio.

Nota: Se se detectase algunha actividade ilícita na realización dalgún destes controis (exercicios copiados, utilización inadecuada de recursos on-line etc.) todas as persoas involucradas terán unha cualificación de 0 no control en cuestión e, en función da gravidade do feito, o profesorado poderá decidir unha cualificación global de 0 en todo o apartado de "Solución de problemas".

Nas datas que estableza a Xunta de Facultade, o alumnado realizará, por escrito, o exame final da materia. A nota obtida no exame final se reescalará de forma que cada estudiante teña a oportunidade de recuperar a parte que perdeu na avaliación correspondente aos seminarios. Desta maneira, o exame final supoñerá entre un 40 e un 100% da nota final da materia.

É necesario obter unha cualificación igual ou superior a 2,50 puntos, sobre 10, no exame final para superar a materia.

A proba final correspondente á segunda oportunidade (xuño ou xullo) rexerase polos mesmos principios que a da primeira oportunidade.

A avaliación dos Seminarios e as prácticas de laboratorio do alumnado con matrícula a tempo parcial poderase realizar atendendo, na medida do posible, ás súas circunstancias particulares.

Fontes de información

Bibliografía básica	Bibliografía básica:L. Hervella, M Benítez, A. Prieto, J. Ráfales, Cálculo en varias variables. Jupyter Book (https://gced-cm.github.io/JB-Calculo2-UDC)R. Larson, B.H. Edwards, Cálculo 2 de varias variables, 10 ^a , McGraw-Hill, 2016G. Strang, E. Herman, Cálculo (volumen 3). Libro abierto en openstax, 2022 (https://openstax.org/details/books/calculo-volumen-3)E. Marsden, A.J. Tromba, Cálculo vectorial, 6 ^a edición, Pearson-Addison Wesley, 2018Thomas, G. B. Cálculo. Varias variables. 13 ^a ed., México: Pearson, 2015.Q. Kong, T. Siauw, A. Bayen. Python Programming and Numerical Methods. Jupyter Book de Berkeley, 2020 (https://pythonnumericalmethods.berkeley.edu/notebooks/Index.html).R. Johansson. Numerical Python. Ed. Apress, 2019.J. Kiusalaas. Numerical methods in engineering with Python, 3 ^a edición. Ed. Cambridge, 2013. Amit Saha. Doing Math with Python: Use Programming to Explore Algebra, Statistics, Calculus, and More! No Starch Press, Aug 1, 2015.
Bibliografía complementaria	Bibliografía complementaria: Larson, R., Edwards, B. Multivariable calculus, Cengage Learning, 2010Marsden, J.E. Cálculo vectorial. Madrid. Pearson Educación, 2008 Burgos, J., Cálculo Infinitesimal de varias variables, 2 ^a , McGraw-Hill, 2008, España Galindo Soto, F. e outros, Guía práctica de Cálculo Infinitesimal en varias variables, 1 ^a , Thomson, 2005, España Rogawski, J., Cálculo. Varias variables, 2 ^a , Reverte, 2012, España

Recomendacións

Materias que se recomenda ter cursado previamente

Álgebra Lineal/614G02001

Fundamentos de Programación I/614G02004

Materias que se recomienda cursar simultaneamente

Fundamentos de Programación II/614G02009

Materias que continúan o temario

Métodos Numéricos para Ciencia de Datos/614G02033

Observacións

Estudo diario dos contidos tratados nas sesións expositivas, complementados co curso virtual e a bibliografía recomendada Resolución tanto dos exercicios propostos nas sesións presenciais como doutros atopados na bibliografía recomendada Revisar periodicamente as prácticas de ordenador Uso das horas de tutoría do profesorado para resolver todo tipo de dúbidas sobre os contidos da materia

(*)A Guía docente é o documento onde se visualiza a proposta académica da UDC. Este documento é público e non se pode modificar, salvo casos excepcionais baixo a revisión do órgano competente dacordo coa normativa vixente que establece o proceso de elaboración de guías