



| Guía Docente | | | | |
|-----------------------|--|--------------------|---|-----------|
| Datos Identificativos | | | | 2024/25 |
| Asignatura (*) | Técnicas de Remostraxe | | Código | 614493130 |
| Titulación | Mestrado Universitario en Técnicas Estadísticas (Plan 2019) | | | |
| Descriptores | | | | |
| Ciclo | Período | Curso | Tipo | Créditos |
| Mestrado Oficial | 1º cuatrimestre | Segundo | Optativa | 5 |
| Idioma | CastelánGalego | | | |
| Modalidade docente | Híbrida | | | |
| Prerrequisitos | | | | |
| Departamento | Matemáticas | | | |
| Coordinación | Fernández Casal, Rubén | Correo electrónico | ruben.fcasal@udc.es | |
| Profesorado | Cao Abad, Ricardo Fernández Casal, Rubén | Correo electrónico | ricardo.cao@udc.es ruben.fcasal@udc.es | |
| Web | rubenfcasal.github.io/book_remuestreo | | | |
| Descripción xeral | Preténdese que o alumno adquira destreza na identificación de situacións nas que os métodos de remostraxe son ferramentas inferenciais axeitadas para resolver problemas reais. Para iso tratarase de que o alumno coñeza o funcionamento das principais técnicas de remostraxe, entre as que se destaca o método bootstrap, así como as súas aplicacións nos principais ámbitos da estatística. Asimesmo persegúese que o alumno sexa quen de deseñar e implementar en ordenador plans de remostraxe axeitados para un amplo abano de situacións. | | | |

| Competencias / Resultados do título | |
|-------------------------------------|--|
| Código | Competencias / Resultados do título |
| A16 | CE1 - Coñecer, identificar, modelar, estudar e resolver problemas complexos de estatística e investigación operativa, nun contexto científico, tecnolóxico ou profesional, xurdidos en aplicacións reais. |
| A18 | CE3 - Adquirir coñecementos avanzados dos fundamentos teóricos subxacentes ás distintas metodoloxías da estatística e a investigación operativa, que permitan o seu desenvolvemento profesional especializado. |
| A19 | CE4 - Adquirir as destrezas necesarias no manexo teórico-práctico da teoría de probabilidade e as variables aleatorias que permitan o seu desenvolvemento profesional no eido científico/académico, tecnolóxico ou profesional especializado e multidisciplinar. |
| A20 | CE5 - Profundizar no coñecemento dos fundamentos teórico-prácticos especializados de modelado e estudo de distintos tipos de relacións de dependencia entre variables estatísticas. |
| A21 | CE6 - Adquirir coñecementos teórico-prácticos avanzados de distintas técnicas matemáticas, orientadas específicamente á axuda na toma de decisións, e desenvolver a capacidade de reflexión para avaliar e decidir entre distintas perspectivas en contextos complexos. |
| A23 | CE8 - Adquirir coñecementos teórico-prácticos avanzados das técnicas destinadas á realización de inferencias e contrastes relativos a variables e parámetros dun modelo estatístico, e saber aplicalos con autonomía suficiente nun contexto científico, tecnolóxico ou profesional. |
| A24 | CE9 - Coñecer e saber aplicar con autonomía en contextos científicos, tecnolóxicos ou profesionais, técnicas de aprendizaxe automático e técnicas de análise de datos de alta dimensión (big data). |
| A25 | CE10 - Adquirir coñecementos avanzados sobre metodoloxías para a obtención e o tratamento de datos derivados de distintas fuentes, como enquisas, internet, ou entornos ?na nube?; |
| B1 | CB6 - Posuír e comprender coñecementos que acheguen unha base ou oportunidade de ser orixinais no desenvolvemento e/ou aplicación de ideas, a miúdo nun contexto de investigación |
| B2 | CB7 - Que os estudiantes saibam aplicar os coñecementos adquiridos e a súa capacidade de resolución de problemas en ámbitos novos ou pouco coñecidos dentro de contextos más amplos (ou multidisciplinares) relacionados coa súa área de estudio |
| B3 | CB8 - Que os estudiantes sexan capaces de integrar coñecementos e enfrentarse á complexidade de formular xuízos a partir dunha información que, sendo incompleta ou limitada, inclúa reflexións sobre as responsabilidades sociais e éticas vinculadas á aplicación dos seus coñecementos e xuízos |
| B4 | CB9 - Que os estudiantes saibam comunicar as súas conclusións e os coñecementos e razóns últimas que as sustentan a públicos especializados e non especializados dun modo claro e sen ambigüidades |



| | |
|-----|--|
| B5 | CB10 - Que os estudantes posúan as habilidades de aprendizaxe que lles permitan continuar estudiando dun modo que haberá de ser en gran medida autodirixido ou autónomo. |
| B17 | CG1 - Coñecer, comprender e saber aplicar os principios, metodoloxías e novas tecnoloxías na estatística e a investigación operativa en contextos científico/académicos, tecnolóxicos ou profesionais especializados e multidisciplinares, así como adquirir as destrezas e competencias descritas nos objectivos generales do título. |
| B18 | CG2 - Desenvolver autonomía para identificar, modelar e resolver problemas complexos da estatística e da investigación operativa en contextos científico/académicos, tecnolóxicos ou profesionais especializados e multidisciplinares. |
| B19 | CG3 - Desenvolver a capacidade para realizar estudos e tarefas de investigación e transmitir os resultados a públicos especializados, académicos e xeneralistas. |
| B20 | CG4 - Integrar coñecementos avanzados e enfrentarse á toma de decisións a partir de información científica e técnica. |
| B21 | CG5 - Desenvolver a capacidade de aplicación de algoritmos e técnicas de resolución de problemas complexos no eido da estatística e a investigación operativa, manexando o software especializado axeitado. |
| C11 | CT1 - Desenvolver firmes capacidades de razonamento, análise crítica e autocítica, así como de argumentación e de síntese, contextos especializados e multidisciplinares. |
| C12 | CT2 - Desenvolver destrezas avanzadas no manexo de Tecnoloxías da Información e a Comunicación (TIC), tanto para a obtención de información como para a difusión do coñecemento, nun ámbito científico/académico, tecnolóxico ou profesional especializado e multidisciplinar. |
| C13 | CT3 - Ser capaz de resolver problemas complexos en novos escenarios mediante a aplicación integrada dos coñecementos. |
| C14 | CT4 - Desenvolver unha sólida capacidade de organización e planificación do estudo, asumindo a responsabilidade do seu propio desenvolvemento profesional, para a realización de traballos en equipo e de xeito autónomo. |
| C15 | CT5 - Desenvolver capacidades para o aprendizaxe e a integración no traballo en equipos multidisciplinares, nos ámbitos científico/académico, tecnolóxico e profesional. |

Resultados da aprendizaxe

| Resultados de aprendizaxe | Competencias / Resultados do título | | |
|--|-------------------------------------|------|------|
| Coñecer os fundamentos teóricos das técnicas de remuestreo. | AM16 | BP1 | CP11 |
| | AM18 | BP2 | CP12 |
| | AM19 | BP3 | CP13 |
| | AM20 | BP4 | CP14 |
| | AM21 | BP5 | CP15 |
| | AM23 | BP17 | |
| | AM24 | BP18 | |
| | AM25 | BP19 | |
| | BP20 | | |
| | BP21 | | |
| Saber aplicar de xeito autónomo os principios do bootstrap aos principais problemas de inferencia estatística. | AM16 | BP1 | CP11 |
| | AM18 | BP2 | CP12 |
| | AM19 | BP3 | CP13 |
| | AM20 | BP4 | CP14 |
| | AM21 | BP5 | CP15 |
| | AM23 | BP17 | |
| | AM24 | BP18 | |
| | AM25 | BP20 | |
| | BP21 | | |



| | | | |
|--|--|---|--------------------------------------|
| Ser capaz de deseñar e validar algoritmos bootstrap para a resolución de problemas de inferencia non paramétrica sobre as funcións de densidade e regresión. | AM16 AM18 AM19 AM20 AM21 AM23 AM24 AM25 | BP1 BP2 BP3 BP4 BP5 BP17 BP18 BP19 BP20 BP21 | CP11 CP12 CP13 CP14 CP15 |
|--|--|---|--------------------------------------|

| Contidos | | | |
|---|--|--|--|
| Temas | Subtemas | | |
| 1. Motivación do principio Bootstrap. | O Bootstrap uniforme. Cálculo da distribución Bootstrap: distribución exacta e distribución aproximada por Monte Carlo. Exemplos. Ferramentas disponibles en R. Computación en paralelo. | | |
| 2. Aplicación á estimación da precisión e sesgo dun estimador. | Aplicación do Bootstrap á estimación da precisión e o sesgo dun estimador. Exemplos. O método Jackknife. Motivación do método Jackknife. Jackknife estimación da precisión e dos sesgo dun estimador. Relación Bootstrap / Jackknife na devandita estimación. Exemplos. Estudos de simulación | | |
| 3. Modificacións do Bootstrap uniforme. | Bootstrap paramétrico, simetrizado, suavizado, ponderado e nesgado. Discusión e exemplos. Validez da aproximación Bootstrap. Bootstrap semiparamétrico e bootstrap residual. | | |
| 4. Aplicación do Bootstrap á construcción de intervalos de confianza. | Métodos percentil, percentil-t, percentil-t simetrizado. Exemplos. Estudos de simulación. | | |
| 5. Aplicacións do Bootstrap en contrastes de hipóteses. | Aproximación do p-valor mediante remostraxe. Contrastos bootstrap paramétricos. Contrastos de permutacións. Contrastos bootstrap semiparamétricos. | | |
| 6. Bootstrap e estimación non paramétrica da densidade. | Aproximación Bootstrap da distribución do estimador de Parzen-Rosenblatt. O Bootstrap na selección do parámetro de suavizado. Exemplos. | | |
| 7. Bootstrap e estimación non paramétrica da función de regresión. | O Bootstrap en Regresión e Correlación. Bootstrap e estimación non paramétrica da función de regresión. Aproximación Bootstrap da distribución do estimador de Nadaraya-Watson. Distintos métodos de remostraxe e resultados para eles. | | |
| 8. O Bootstrap con datos censurados. | Introducción aos datos censurados. Remostraxes Bootstrap en presenza de censura. Relacións entre eles. Implementación en R. | | |
| 9. O Bootstrap con datos dependentes. | Introducción ás condicións de dependencia e modelos habituais de datos dependentes. Modelos paramétricos de dependencia. Situacións de dependencia xeral: o Bootstrap por bloques, o Bootstrap estacionario e o método da submostraxe. Implementación en R. O bootstrap en Estatística Espacial. | | |

| Planificación | | | | |
|-----------------------|--|---|-------------------------|--------------|
| Metodoloxías / probas | Competencias / Resultados | Horas lectivas (presenciais e virtuais) | Horas traballo autónomo | Horas totais |
| Sesión maxistral | A16 A18 A19 A20 A21 A23 A24 A25 B1 B2 B3 B4 B5 B17 B18 B19 B20 B21 C11 C12 C13 C14 C15 | 21 | 46 | 67 |



| | | | | |
|---------------------------|--|----|----|----|
| Proba mixta | A16 A18 A19 A20 A21 A23 B3 B17 B18 B21 C11 C12 C13 | 3 | 0 | 3 |
| Prácticas a través de TIC | A19 A21 A24 A25 B1 B2 B17 B19 B20 C12 C14 C15 | 14 | 35 | 49 |
| Atención personalizada | | 6 | 0 | 6 |

*Os datos que aparecen na táboa de planificación son de carácter orientativo, considerando a heteroxeneidade do alumnado

Metodoloxías

| Metodoloxías | Descripción |
|---------------------------|---|
| Sesión maxistral | Presentación dos aspectos teóricos relevantes da materia e das ferramentas para a súa aplicación na práctica. Fomentarase en todo momento a participación e o debate. |
| Proba mixta | O alumno deberá demostrar o seu dominio dos aspectos teóricos da materia e a súa capacidade para a resolución de problemas na práctica. |
| Prácticas a través de TIC | Aplicación práctica das metodoloxías explicadas nas sesións maxistrais. Farase uso de ferramentas de software libre, principalmente da contorna estatística R, e tamén de recursos web. |

Atención personalizada

| Metodoloxías | Descripción |
|---------------------------|---|
| Prácticas a través de TIC | Tanto nas sesións maxistrais como nas sesións prácticas, atenderase persoalmente aos alumnos ante as posibles dúbidas que poidan xurdir. Esta atención servirá ao profesor para detectar posibles problemas na metodoloxía empregada para impartir a materia e, ademais, aos alumnos para consolidar os coñecementos e para expresar as súas inquietudes acerca da materia. |
| Sesión maxistral | |

Avaliación

| Metodoloxías | Competencias / Resultados | Descripción | Cualificación |
|---------------------------|--|--|---------------|
| Prácticas a través de TIC | A19 A21 A24 A25 B1 B2 B17 B19 B20 C12 C14 C15 | Ao longo do curso, o alumno demostrará o seu interese e dominio da materia, e a súa capacidade de traballo en equipo, mediante a realización de traballos, individuais ou en grupo | 40 |
| Proba mixta | A16 A18 A19 A20 A21 A23 B3 B17 B18 B21 C11 C12 C13 | O exame final consistirá nunha proba escrita teórico-práctica | 60 |

Observacións avaliación

No exame final da materia (proba mixta), o alumno terá que responder a preguntas teóricas, resolver cuestións teórico-prácticas, e obter a solución de diversos problemas prácticos. Para esta proba o alumno só poderá levar consigo o material que se autorice de forma expresa.

Para superar a materia, ademáis de obter unha calificación de alomenos 5 sobre 10 na nota conxunta, será necesario obter unha calificación de alomenos 4 sobre 10 en cada una das dúas partes (prácticas a través de TIC e proba mixta).

Na oportunidade de xullo (segunda oportunidade) os alumnos poderán liberarse de facer as probas correspondentes nas que a súa calificación na oportunidade de xaneiro (primeira oportunidade) fora de alomenos 4 sobre 10.

Todos os aspectos relacionados con ?dispensa académica?, ?dedicación ao estudo?, ?permanencia? e ?fraude académica? rexeranse de acordo coa normativa académica vixente da UDC.

Fontes de información

| | |
|---------------------|---|
| Bibliografía básica | Bibliografía básica Cao, R. y Fernández-Casal, R. (2020). Técnicas de Remuestreo. Libro online: https://rubenfcasal.github.io/book_remuestreo Davison, A.C. and Hinkley, D.V. (1999). Bootstrap Methods and their Application. Cambridge University Press. Efron, B. (1979). Bootstrap Methods: Another look at the Jackknife. Ann. Statist., 7, 1-26. Efron, B. and Tibshirani, R.J. (1993). An Introduction to the Bootstrap. Chapman and Hall. Shao, J. and Tu, D. (1996). The Jackknife and Bootstrap. Springer Verlag. |
|---------------------|---|



| | |
|-----------------------------|---|
| Bibliografía complementaria | Bibliografía complementaria Akritas, M. G. (1986). Bootstrapping the Kaplan--Meier estimator. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 81, 1032-1038.Bickel, P.J. and Freedman, D.A. (1981). Some asymptotic theory for the bootstrap. <i>Ann. Statist.</i> 12, 470-482.Bühlmann, P. (1997). Sieve bootstrap for time series. <i>Bernoulli</i> 3, 123-148.Cao, R. (1990). Órdenes de convergencia para las aproximaciones normal y bootstrap en la estimación no paramétrica de la función de densidad. <i>Trabajos de Estadística</i> , vol. 5, 2, 23-32.Cao, R. (1991). Rate of convergence for the wild bootstrap in nonparametric regression. <i>Ann. Statist.</i> 19, 2226-2231.Cao, R. (1993). Bootstrapping the mean integrated squared error. <i>Jr. Mult. Anal.</i> 45, 137-160.Cao, R. (1999). An overview of bootstrap methods for estimating and predicting in time series. <i>Test</i> , 8, 95-116.Cao, R. and González-Manteiga, W. (1993). Bootstrap methods in regression smoothing. <i>J. Nonparam. Statist.</i> 2, 379-388.Cao, R. and Prada-Sánchez, J.M. (1993). Bootstrapping the mean of a symmetric population. <i>Statistics & Probability Letters</i> 17, 43-48.Efron, B. (1981). Censored data and the bootstrap. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 76, 312-319.Efron, B. (1982). The Jackknife, the Bootstrap and other Resampling Plans. CBMS-NSF. Regional Conference series in applied mathematics.Efron, B. (1983). Estimating the error rate of a prediction rule: improvements on cross-validation. <i>J. Amer. Stat. Assoc.</i> 78, 316-331.Efron, B. (1987). Better Bootstrap confidence intervals (with discussion). <i>J. Amer. Stat. Assoc.</i> 82, 171-200.Efron, B. (1990). More Efficient Bootstrap Computations. <i>J. Amer. Stat. Assoc.</i> 85, 79-89.Efron, B. and Tibshirani, R. (1986). Bootstrap methods for standard errors, confidence intervals, and other measures of statistical accuracy. <i>Statistical Science</i> 1, 54-77.Freedman, D.A. (1981). Bootstrapping regression models. <i>Ann. Statist.</i> 9, 6, 1218-1228.García-Jurado, I. González-Manteiga, W., Prada-Sánchez, J.M., Febrero-Bande, M. and Cao, R. (1995). Predicting using Box-Jenkins, nonparametric and bootstrap techniques. <i>Technometrics</i> 37, 303-310.Hall, P. (1986). On the bootstrap and confidence intervals. <i>Ann. Statist.</i> 14, 1431-1452.Hall, P. (1988a). Theoretical comparison of bootstrap confidence intervals. <i>Ann. Statist.</i> 16, 927-953.Hall, P. (1988b). Rate of convergence in bootstrap approximations. <i>Ann. Probab.</i> 16, 4, 1665-1684.Hall, P. (1992). The Bootstrap and Edgeworth Expansion. Springer Verlag.Hall, P. and Martin, M.A. (1988). On bootstrap resampling and iteration. <i>Biometrika</i> 75, 661-671.Härdle, W. and Marron, J. S. (1991). Bootstrap simultaneous error bars for nonparametric regression. <i>Ann. Statist.</i> 19, 778-796.Künsch, H.R. (1989). The jackknife and the bootstrap for general stationary observations. <i>Ann. Statist.</i> 17, 1217-1241.Mammen, E. (1992). When does Bootstrap Work?. Springer Verlag.Navidi, W. (1989). Edgeworth expansions for bootstrapping regression models. <i>Ann. Statist.</i> 17, 4, 1472-1478.Politis, D.N. and Romano, J.R. (1994a). The stationary bootstrap. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 89, 1303-1313.Politis, D.N. and Romano, J.R. (1994b). Limit theorems for weakly dependent Hilbert space valued random variables with application to the stationary bootstrap. <i>Statist. Sin.</i> 4, 461-476.Politis, D.N., Romano, J.P. and Wolf, M. (1999). Subsampling. Springer Verlag.Reid, N. (1981). Estimating the median survival time. <i>Biometrika</i> 68, 601-608.Stine, R.A. (1987). Estimating properties of autoregressive forecasts. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 82, 1072-1078.Thombs, L.A. and Schucany, W.R. (1990). Bootstrap prediction intervals for autoregression. <i>J. Amer. Statist. Assoc.</i> 85, 486-492.Wu, C.-F. J. (1986). Jackknife, bootstrap and other resampling methods in regression analysis. <i>Ann. Statist.</i> 14, 1261-1350. |
|-----------------------------|---|

Recomendacions

Materias que se recomienda cursar previamente

Estatística Matemática/614468102

Modelos de Probabilidade/614468103

Estatística Aplicada/614468104

Modelos de Regresión/614468105

Análise Exploratoria de Datos (data mining)/614468106

Estatística non Paramétrica/614468109

Simulación Estatística/614468113

Materias que se recomienda cursar simultaneamente

Series de Tempo/614427111

Fiabilidade e Modelos Biométricos/614427116

Materias que continúan o temario



Contrastes de Especificación/614468123

Datos Funcionais/614468124

Proxecto Fin de Carreira ou Traballo Tutelado/614468128

Observacións

Segundo se recolle nas distintas normativas de aplicación para a docencia universitaria, deberase incorporar a perspectiva de xénero nesta materia (usarse linguaxe non sexista, utilizarase bibliografía de autores/as de ambos性os, propiciarase a intervención en clase de alumnos e alumnas, etc.) Traballarase para identificar e modificar prexuízos e actitudes sexistas e influirase na contorna para modificalos e fomentar valores de respecto e igualdade. Deberanse detectar situacións de discriminación por razón de xénero e proporanse accións e medidas para corrixilas.

(*)A Guía docente é o documento onde se visualiza a proposta académica da UDC. Este documento é público e non se pode modificar, salvo casos excepcionais baixo a revisión do órgano competente dacordo coa normativa vixente que establece o proceso de elaboración de guías